

TD 3: Modélisation dynamique de la machine Asynchrone et son alimentation

Exercice1

Une MAS alimentée par un réseau triphasé équilibré de la forme suivante :

$$\begin{cases} v_a(t) = V_{\max} \cos(\theta_s) \\ v_b(t) = V_{\max} \cos(\theta_s - \frac{2\pi}{3}) \\ v_c(t) = V_{\max} \cos(\theta_s - \frac{4\pi}{3}) \end{cases} \quad \begin{cases} i_a(t) = I_{\max} \cos(\theta_s + \alpha) \\ i_b(t) = I_{\max} \cos(\theta_s - \frac{2\pi}{3} + \alpha) \\ i_c(t) = I_{\max} \cos(\theta_s - \frac{4\pi}{3} + \alpha) \end{cases}$$

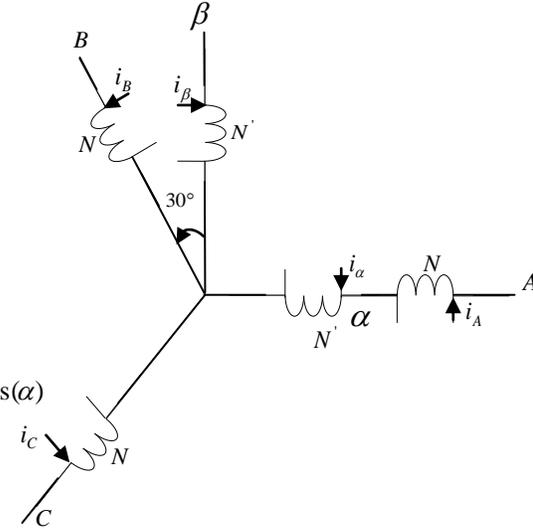
avec $\theta_s = \omega_s t$ et ω_s est la pulsation des courants statoriques.

α : Déphasage de $i_a(t)$ sur $v_a(t)$.

1- Démontrer que:

$$\cos(\theta_s) \cdot \cos(\theta_s + \alpha) + \cos(\theta_s - \frac{2\pi}{3}) \cdot \cos(\theta_s - \frac{2\pi}{3} + \alpha) + \cos(\theta_s - \frac{4\pi}{3}) \cdot \cos(\theta_s - \frac{4\pi}{3} + \alpha) = \frac{3}{2} \cos(\alpha)$$

La figure ci-contre représente le passage d'un système triphasé (abc) vers un système biphasé ($\alpha\beta$) fixe (Stationnaire).



Avec N, N' : nombres fictifs de spires. Le rapport $k = \frac{N'}{N}$ est appelé coefficient de normalisation.

- Donner les expressions mathématiques qui représentent l'équivalence des forces magnétomotrices entre les deux systèmes.
- Déterminer la matrice de passage du système triphasé (abc) vers le système biphasé ($\alpha\beta$), c-à-d la matrice T tel que :

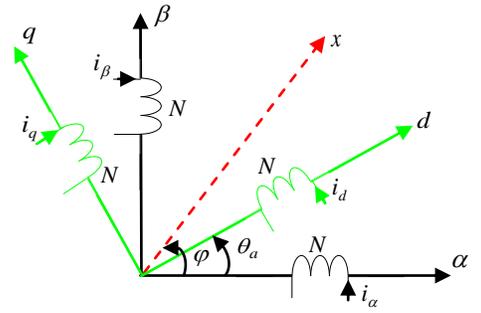
$$\begin{pmatrix} i_\alpha \\ i_\beta \end{pmatrix} = T \begin{pmatrix} i_a \\ i_b \\ i_c \end{pmatrix}$$

- Déterminer la valeur de k lorsque $i_\alpha = i_a$. Quel est le nom de la matrice de passage dans ce cas?
 -Dans ce cas, déterminer les expressions de i_α et i_β en fonction de I_{\max} et θ_s .
- Donner les expressions des puissances dans les deux systèmes.
- Déterminer la valeur de k lorsque les deux puissances sont égales. Quel est le nom de la matrice de passage dans ce cas?
- Déterminer la matrice de passage du système triphasé (abc) vers le système biphasé ($\alpha\beta$), lorsque cette dernière

comporte une composant homopolaire i_o , c.-à-d. la matrice T tel que :

$$\begin{pmatrix} i_\alpha \\ i_\beta \\ i_o \end{pmatrix} = T \begin{pmatrix} i_a \\ i_b \\ i_c \end{pmatrix}$$

La figure ci-contre représente le passage d'un système biphasé ($\alpha\beta$) fixe vers un système biphasé (dq) mobile (Arbitraire).



8- Exprimer la force magnétomotrice résultante $F_{\alpha\beta \rightarrow x}$ dans la position (x) en fonction de i_α , i_β , N et φ .

9- Exprimer la force magnétomotrice résultante $F_{\alpha\beta \rightarrow d}$ dans le l'axe (d) en fonction de i_d et N et en fonction de i_α , i_β , N et θ_a .

10- Exprimer la force magnétomotrice résultante $F_{\alpha\beta \rightarrow q}$ dans le l'axe (q) en fonction de i_q et N et en fonction de i_α , i_β , N et θ_a .

11- Déterminer la matrice de passage des système biphasé ($\alpha\beta$) vers le système biphasé (dq), c-à-d la matrice $G(\theta_a)$ tel

$$\text{que : } \begin{pmatrix} i_d \\ i_q \\ i_o \end{pmatrix} = G(\theta_a) \begin{pmatrix} i_\alpha \\ i_\beta \\ i_o \end{pmatrix}.$$

12- Déterminer les expressions de i_d et i_q en fonction de I_{\max} , θ_s et θ_a .

13- Déterminer les expressions de i_d et i_q dans les trois cas suivants:

13-1- lorsque $\theta_a = \theta_s$;

13-2- lorsque $\theta_a = \theta_r = \omega_r t$, avec ω_r la pulsation des courants rotoriques.

13-2- lorsque $\theta_a = \delta = \text{const}$,

14- Lorsque $\cos(\frac{2\pi}{3}) = -\frac{1}{2}$ et $\sin(\frac{2\pi}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{2}$, déterminer la matrice de passage du système triphasé (abc) vers le système

$$\text{biphasé } (dq), \text{ c-à-d la matrice } P(\theta_a) \text{ vérifiant : } \begin{pmatrix} i_d \\ i_q \\ i_o \end{pmatrix} = P(\theta_a) \begin{pmatrix} i_a \\ i_b \\ i_c \end{pmatrix}.$$

15- Démontrer que : $P(\theta_a) \frac{d}{dt} P(\theta_a)^{-1} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$.

16- Démontrer que : $[P(\theta_a)] \begin{bmatrix} A \cos(\theta_a) & A \cos(\theta_a + \frac{2\pi}{3}) & A \cos(\theta_a - \frac{2\pi}{3}) \\ A \cos(\theta_a - \frac{2\pi}{3}) & A \cos(\theta_a) & A \cos(\theta_a + \frac{2\pi}{3}) \\ A \cos(\theta_a + \frac{2\pi}{3}) & A \cos(\theta_a - \frac{2\pi}{3}) & A \cos(\theta_a) \end{bmatrix} [P(\theta_a)]^{-1} = \frac{3}{2} A$.

Exercice 2

La transformation de **PARK** utilisé pour le passage du système triphasé (abc) vers le système biphasé (uvo) est donné par :

$$[P(\theta_a)] = k \begin{bmatrix} \cos(\theta_a) & \cos(\theta_a - \frac{2\pi}{3}) & \cos(\theta_a - \frac{4\pi}{3}) \\ -\sin(\theta_a) & -\sin(\theta_a - \frac{2\pi}{3}) & -\sin(\theta_a - \frac{4\pi}{3}) \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

17- Démontrer que : $[P(\theta_a)]^{-1} = [P(\theta_a)]^T$.

- 18- Calculer $[P(\theta_a)]M_{sr}[P(\theta_a)]^{-1}$ dans les deux cas de k.
- 19- Exprimer les tensions statoriques v_{su} et v_{sv} en fonction de $i_{su}, i_{sv}, \omega_s, \varphi_{su}$ et φ_{sv} dans les deux cas de k.
- 20- Exprimer les tensions rotoriques v_{ru} et v_{rv} en fonction de $i_{ru}, i_{rv}, \omega_s, \varphi_{ru}$ et φ_{rv} dans les deux cas de k.
- 21- Exprimer les quatre flux statoriques et rotoriques en fonction de $i_{su}, i_{sv}, i_{ru}, i_{rv}$ dans les deux cas de k.
- 22- Exprimer la puissance électrique absorbé par la MAS en fonction de $i_{su}, i_{sv}, \omega_s, \varphi_{su}$ et φ_{sv} dans les deux cas de k.
- 23- Déterminer l'expression du couple en fonction de $i_{su}, i_{sv}, \varphi_{su}$ et φ_{sv} dans les deux cas de k.
- 24- Déterminer l'expression du couple en fonction de $i_{su}, i_{sv}, \varphi_{ru}$ et φ_{rv} dans les deux cas de k.
- 25- Déterminer l'expression du couple en fonction de i_{su}, i_{sv}, i_{ru} et i_{rv} dans les deux cas de k.

Exercice3

On désire varie la vitesse d'un moteur asynchrone de moyenne puissance par l'un des techniques de commandes.

- 1- Quelles sont les trois technique de commandes les plus connus, et quel est le repère biphasé adaptative avec chaque technique.
- 2- Que égale l'angle de Park θ_a pour passé d'une repère triphasé vers les trois repères biphasés pour les deux grandeurs statoriques et rotoriques.
- 3- Si on utilise la transformation de **Concordia**.

3-1 Donner la matrice de **Concordia**
$$\begin{pmatrix} x_\alpha \\ x_\beta \end{pmatrix} = T \begin{pmatrix} x_a \\ x_b \\ x_c \end{pmatrix}.$$

3-2 Exprimer les tensions statoriques v_{sd} et v_{sq} en fonction de $i_{sd}, i_{sq}, \omega_s, \varphi_{sd}$ et φ_{sq} .

3-3 Exprimer les tensions rotoriques v_{rd} et v_{rq} en fonction de $i_{rd}, i_{rq}, \omega_s, \varphi_{rd}$ et φ_{rq} .

3-4 Exprimer les quatre flux statoriques et rotoriques $\varphi_{sd}, \varphi_{sq}, \varphi_{rd}$ et φ_{rq} en fonction de i_{sd}, i_{sq}, i_{rd} et i_{rq} .

3-5 Déterminer l'expression du couple en fonction de $i_{sd}, i_{sq}, \varphi_{sd}$ et φ_{sq} et en fonction de $i_{sd}, i_{sq}, \varphi_{rd}$ et φ_{rq} .

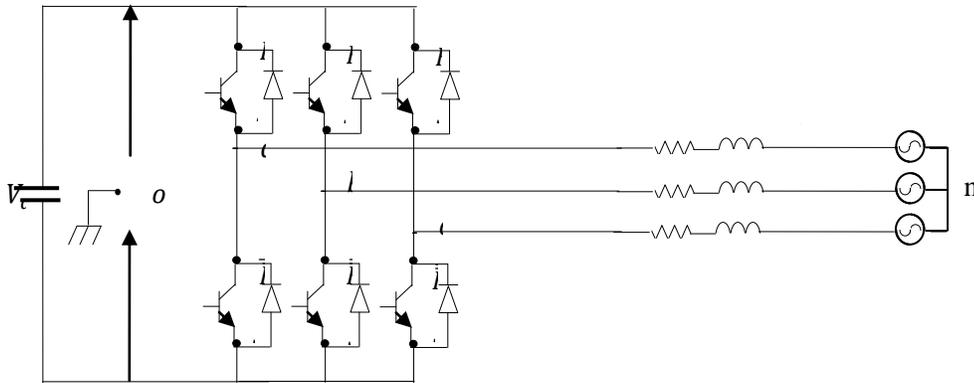
Exercice 4

La commande direct du couple et de flux DTC du moteur asynchrone se fait en régime dynamique dans le repère lié au stator ($\alpha\beta$) après la transformation de **Concordia**.

- 1- Que égale l'angle de Park θ_a afin de passé à partir de la repère triphasé vers le repère lié au stator ($\alpha\beta$) pour les deux grandeurs statoriques et rotoriques.
- 2- Exprimer les tensions statoriques v_{sd} et v_{sq} en fonction de $i_{sd}, i_{sq}, \omega_s, \varphi_{sd}$ et φ_{sq} .
- 3- Exprimer les tensions rotoriques v_{rd} et v_{rq} en fonction de $i_{rd}, i_{rq}, \omega_s, \varphi_{rd}$ et φ_{rq} .
- 4- Exprimer les quatre flux statoriques et rotoriques $\varphi_{sd}, \varphi_{sq}, \varphi_{rd}$ et φ_{rq} en fonction de i_{sd}, i_{sq}, i_{rd} et i_{rq} .
- 5- Déterminer l'expression du couple en fonction de $i_{sd}, i_{sq}, \varphi_{sd}$ et φ_{sq} et en fonction de $i_{sd}, i_{sq}, \varphi_{rd}$ et φ_{rq} .
- 6- Si on utilise le vecteur d'état $X^T = (i_{sd} \ i_{sq} \ \varphi_{rd} \ \varphi_{rq})$ et le vecteur de commande $U^T = (v_{sd} \ v_{sq})$.
 - 6-1 Donner la représentation d'état de la machine.
 - 6-2 Donner les deux matrices A et B.
 - 6-3 Donner le schéma fonctionnel Simulink de la machine asynchrone.
- 7- Si on utilise le vecteur d'état $X^T = (\varphi_{rd} \ \varphi_{rq})$ et le vecteur de commande $U^T = (i_{sd} \ i_{sq})$.
 - 7-1 Donner la représentation d'état de la machine.
 - 7-2 Donner les deux matrices A et B.
 - 7-3 Donner le schéma fonctionnel Simulink de la machine asynchrone.

Exercice 5

Le schéma de la figure représente un onduleur de tension à deux niveaux alimenté par un source de tension continue à point milieu.



- 1- Exprimer les trois tensions v_{ao} , v_{bo} et v_{co} en fonction des signaux de commande (S_1 , S_2 et S_3) et la tension continue V_{dc} .
- 2- Exprimer les tensions composées V_{ab} , V_{bc} et V_{ca} en fonction des signaux de commande (S_1 , S_2 , S_3) et la tension continue V_{dc} .
- 3- Exprimer la tension v_{no} en fonction des tensions v_{ao} , v_{bo} et v_{co} .
- 4- Exprimer les trois tensions simples de sortie de l'onduleur en fonction des tensions v_{ao} , v_{bo} et v_{co} .
- 5- Exprimer les trois tensions simples de sortie de l'onduleur en fonction des signaux de commande (S_1 , S_2 , S_3).
- 6- Si on applique sur les interrupteurs de l'onduleur le vecteur des signaux de commande (010).
 - 6-1 Déterminer les tensions de sortie de l'onduleur dans les deux repères (abc) et ($\alpha\beta$).
 - 6-2 Représenter le vecteur de tension généré par l'onduleur dans le plant ($\alpha\beta$).