

السلسلة رقم 3

تمرين 1: اوجد مجموعة التعريف

$$1/f(x) = x + \ln x$$

$$2/f(x) = 2x^2 + \ln x$$

$$3/f(x) = \frac{1}{x} + \ln x$$

$$4/f(x) = -x + \ln 2 + \ln x$$

$$5/f(x) = x \ln x$$

$$6/f(x) = \frac{1}{\ln x}$$

$$7/f(x) = (\ln x)^2 + \ln x - 2$$

$$8/f(x) = \ln(-2x - 1)$$

$$9/f(x) = x(2 - \ln x^2)$$

$$10/f(x) = \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$$

$$11/ f(x) = x \ln|x|$$

تمرين 2 : بسط العبارات

$$a = \ln(8\sqrt{2})$$

$$b = e^{2\ln 2 - \ln 3}$$

$$c = \ln\sqrt{e} - 3\ln e^2 + \ln\frac{1}{e}$$

تمرين 3 : لتكن الدالة العددية التالية المعرفة بـ

$$f(x) = \ln(e^x - 2e^{-x})$$

-بين ان :

$$f(x) = x + \ln(1 + 2e^{-2x})$$

تمرين 4 : احسب النهايات

$$1/\lim_{x \rightarrow 0} \ln x \quad 2/\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln x \quad 3/\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \ln\left(\frac{x-2}{x+2}\right)$$

تابع السلسلة 3

تمرين 5 :

حل في R / المعادلات

$$1) \ln x = 2 \quad 2) \ln x = -3 \quad 3) \ln x + \ln(x-1) = \ln 2 + \ln 3$$

حل في R / المتراجحات

$$1) \ln x < \frac{1}{2} \quad 2) \ln|x| < 1 \quad 3) \frac{\ln(x-1)}{\ln(x+3)} < 0$$

تمرين 6 :

حل في R / المعادلات

$$1) e^{3x+1} = e^{x-3} \quad 2) 2e^x - 6 = 0 \quad 3) e^x + 3e^{-x} - 4 = 0$$

حل في R / المتراجحات

$$1) e^{3x-1} \leq e^{-x+3} \quad 2) (-x+4)e^{-x+1} \geq 0$$