

(A) ممنوع استخدام الآلة الحاسبة والهاتف النقال

Nom et Prénom : ..... Groupe : .....

Exercice 1 : (7,5 Pts = 4.5 (3 (0.75×4) + 0.75 + 0.75) + 2 (1+1) + 1)

1) Faire les conversions suivantes :

10	2	8	16
37,625			
$8^3 + 2^4 + 2^3 + 8^{-1}$			
		76,5	
			3B,8

$D5C_{(16)} = \dots\dots\dots$  (Gray)

$1101101_{(Gray)} = \dots\dots\dots$  (10)

2) Effectuer en BCD puis en Excédant-3 l'opération suivante :  $123_{(8)} + 34_{(16)}$

3) Trouver la représentation hexadécimale en ASCII du : MACHINE2

Rappel : le code du caractère 0 est  $(48)_{10}$ , le code du caractère A est  $(65)_{10}$ , le code du caractère a est  $(97)_{10}$

Exercice 2 : (4.5 Pts = 2.25 (0.75 ×3) + 2.25 (1.5+0.75))

1) Trouver les valeurs Décimales, SVA, CR (Cà1) et CV (Cà2) pour les cas suivants (sur 9 bits) :

Décimal	SVA	CR (Cà1)	CV (Cà2)
+23			
		111100011	
			111010010

2) Effectuer sur 7 bits en C1 les opérations suivantes puis donner les résultats en décimal :

$$-3A_{(16)} + 36_{(8)} \quad \text{///} \quad +47_{(8)} + 2B_{(16)}$$

Exercice 3 : (4 pts = 2 (1+1) + 2 (1+1))

Prenant la notation de la virgule flottante simple précision (32 bits) du standard ANSI / IEEE 754

1) Donner la représentation en ANSI / IEEE 754 (S.P) des nombres suivants :

$$-37.625 \times 2^{-109}_{(10)} \quad \text{///} \quad +62.5 \times 2^{-133}_{(10)}$$

2) Donner sous la forme  $\pm M \times 2^{Er}$  les valeurs de X et de Y qui correspondent aux représentations hexadécimales suivantes :  $X = 92D00000_{(16)}$ ,  $Y = 80200000_{(16)}$  (M et  $2^{Er}$  sont décimaux)

Exercice 4 : (4 pts = 1+1+1+1)

$$F(A, B, C) = AB + B(A\bar{C} + \bar{A}C)$$

1. Dresser la table de vérité de F
2. Trouver les deux formes canoniques de F
3. Simplifier F algébriquement
4. Tracer le logigramme de F (simplifiée) à l'aide des portes NANDs

## Corrigé type d'Examen Structure Machine 1 (2022/2023) (A)

**Exercice 1 : (7,5 Pts = 4.5 (3 (0.75×4) + 0.75 + 0.75) + 2 (1+1) + 1)**

1) Faire les conversions suivantes :

10	2	8	16
37,625	100101.101	45.5	25.A
$8^3 + 2^4 + 2^3 + 8^{-1}$	1000011000,001	1030.1	218.2
62.625	111110.101	76,5	3E.A
59.5	00111011.1000	73.4	3B,8

$D5C_{(16)} = 110101011100_{(2)} = 101111110010_{(Gray)}$

$1101101_{(Gray)} = 1001001_{(2)} = 73_{(10)}$

2) Effectuer en **BCD** puis en **Excédant-3** l'opération suivante :  $123_{(8)} + 34_{(16)}$

$123_{(8)} = 83_{(10)} = 1000\ 0011_{(BCD)} = 1011\ 0110_{(EX3)}$

$34_{(16)} = 52_{(10)} = 0101\ 0010_{(BCD)} = 1000\ 0101_{(EX3)}$

	BCD		EX3
83	1000 0 <sup>1</sup> 011	83	0 <sup>1</sup> 0 <sup>1</sup> 1 <sup>1</sup> 1 1011 <sup>1</sup> 0110
+ 52	+ 0101 0010	+ 52	<u>0 0 1 1 1000 0101</u>
	(+6) > 9 <sup>1</sup> 1101 0101		0 1 1 1 0011 1011
	+ 0110 0000		<u>- 00 1 1 + 0011 - 0011</u>
	0001 0011 0101		01 0 0 0110 1000
	1 3 5		1 3 5

3) la représentation **hexadécimale** en **ASCII** du : **MACHINE2**

**4D 41 43 48 49 4E 45 32**

**Exercice 2 : (4.5 Pts = 2.25 (0.75 ×3) + 2.25 (1.5+0.75))**

1) Trouver les valeurs Décimales, SVA, CR (Cà1) et CV (Cà2) pour les cas suivants (**sur 9 bits**) :

Décimal	SVA	CR (Cà1)	CV (Cà2)
+23	000010111	000010111	000010111
-28	100011100	111100011	111100100
-46	100101110	111010001	111010010

2) Effectuer sur **7 bits** en **C1** les opérations suivantes puis donner les résultats en décimal :

$-3A_{(16)} + 36_{(8)} \quad // \quad +47_{(8)} + 2B_{(16)}$

$-3A_{(16)} = -0011\ 1010_{(2)} = 1000101_{(C1)}$  (sur 7 bits)       $+47_{(8)} = 0100111_{(C1)}$

$+36_{(8)} = +011\ 110_{(2)} = 0011110_{(C1)}$        $+2B_{(16)} = 0101011_{(C1)}$

$-3A_{(16)} \quad 1^1 0^1 0^1 0101$ $+36_{(8)} \quad + 0\ 0\ 1\ 1110$ $\quad\quad\quad 1\ 1\ 0\ 0011_{(C1)} = -011100_{(2)} = -28_{(10)}$	$+47_{(8)} \quad 0100111$ $+2B_{(16)} \quad + 0101011$ $\quad\quad\quad 1010010$ <p style="text-align: center; color: red;"><b>Résultat Incorrect (Débordement)</b></p>
---	--

### Exercice 3 : (4 pts = 2 (1+1) + 2 (1+1))

Prenant la notation de la virgule flottante **simple précision (32 bits)** du standard ANSI / IEEE 754

1) Donner la représentation en ANSI / IEEE 754 (S.P) des nombres suivants :

$$-37.625 \times 2^{-109}_{(10)} \quad // \quad +62.5 \times 2^{-133}_{(10)}$$

$$-37.625 \times 2^{-109}_{(10)} = -100101.101_{(2)} \times 2^{-109} = -1.00101101_{(2)} \times 2^5 \times 2^{-109} = -1.00101101_{(2)} \times 2^{-104}$$

**Le nombre Normalisé**

$$S = 1$$

$$f = 00101101$$

$$E_r = -104 \Rightarrow E_b = E_r + 127 = -104 + 127 = 23_{(10)} = 10111_{(2)}$$

1	00010111	001011010000000000000000
S	E <sub>b</sub>	f

$$+62.5 \times 2^{-133}_{(10)} = +111110.1_{(2)} \times 2^{-133} = +1.111101_{(2)} \times 2^5 \times 2^{-133} = +1.111101_{(2)} \times 2^{-128}$$

**Le nombre Dénormalisé**

$$= +0.01111101 \times 2^{-126}$$

$$S = 0$$

$$f = 01111101$$

$$E_b = 0$$

0	00000000	011111010000000000000000
---	----------	--------------------------

2) Donner sous la forme  $\pm M \times 2^{E_r}$  les valeurs de X et de Y qui correspondent aux représentations hexadécimales suivantes :  $X = 92D00000_{(16)}$ ,  $Y = 80200000_{(16)}$  ( $M$  et  $2^{E_r}$  sont **décimaux**)

$$X = 92D00000_{(16)} = 10010010110100000000000000000000_{(2)}$$

1	00100101	101000000000000000000000
---	----------	--------------------------

$0 < E_b < 255 \Rightarrow$  **Le nombre X est Normalisé**

$$S = 1 \Rightarrow X < 0$$

$$E_b = 00100101_{(2)} = 37_{(10)} \Rightarrow E_r = E_b - 127 = 37 - 127 = -90_{(10)}$$

$$M = 1.f = 1.101_{(2)} = 1.625_{(10)}$$

$$\text{Donc : } X = -1.101_{(2)} \times 2^{-90} = -1.625_{(10)} \times 2^{-90}$$

$$Y = 80200000_{(16)} = 10000000001000000000000000000000_{(2)}$$

1	00000000	010000000000000000000000
---	----------	--------------------------

$E_b = 0$  et  $f \neq 0 \Rightarrow$  **Le nombre Y est Dénormalisé**

$$S = 1 \Rightarrow Y < 0$$

$$E_b = 0 \text{ (et } f \neq 0) \Rightarrow E_r = -126$$

$$M = 0.f = 0.01_{(2)} = 0.25_{(10)}$$

$$\text{Donc : } Y = -0.01_{(2)} \times 2^{-126} = -0.25_{(10)} \times 2^{-126}$$

**Exercice 4 : (4 pts = 1+1+1+1)**

$$F(A, B, C) = AB + B(A\bar{C} + \bar{A}C)$$

1. La table de vérité de **F**

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

2. Les deux formes canoniques de **F**

1ère forme : la forme **Disjonctive** (F.D)

$$F(A, B, C) = \bar{A}BC + AB\bar{C} + ABC = \Sigma(3, 6, 7)$$

2ème forme : la forme **Conjonctive** (F.C)

$$F(A, B, C) = (A + B + C)(A + B + \bar{C})(A + \bar{B} + C)(\bar{A} + B + C)(\bar{A} + B + \bar{C}) = \Pi(0, 1, 2, 4, 5)$$

3. Simplification de **F** algébriquement :

$$\begin{aligned} F(A, B, C) &= AB + B(A\bar{C} + \bar{A}C) \\ &= AB + AB\bar{C} + \bar{A}BC \\ &= AB(1 + \bar{C}) + \bar{A}BC \\ &= AB + \bar{A}BC \\ &= B(A + \bar{A}C) \\ &= B(A + C) \\ &= AB + BC \end{aligned}$$

4. Le logigramme de **F** (simplifiée) à l'aide des portes NANDs

