



Barème

Exercice : 1

5pt

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}^2 \setminus \{(1, 0)\}$  par :  $f(x, y) = \frac{y^3}{(x-1)^2 + y^2}$

- 3      ① Montrer que  $f$  est prolongeable par continuité au point  $(1, 0)$ .
- 2      ② Déterminer  $\tilde{f}$  le prolongement de  $f$  au point  $(1, 0)$ .

Barème

Exercice : 2

8pt

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}^2$  par :  $f(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 y^2}{x^2 + y^2} & : (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & : (x, y) = (0, 0) \end{cases}$

- 2      ① Montrer que  $f$  est continue sur  $\mathbb{R}^2$ .
- 3      ② Étudier la dérivabilité de  $f$  sur  $\mathbb{R}^2$ , puis calculer  $\nabla f(x, y)$ .
- 2      ③ La fonction  $f$  est-elle de classe  $C^1$  en point  $(0, 0)$ .
- 1      ④ Que peut-on conclure sur la différentiabilité de la fonction  $f$  en point  $(0, 0)$ .

Barème

Exercice : 3

7pt

On définit la fonction  $f$  sur  $\mathbb{R}_+^* \times \mathbb{R}$ , par :  $f(x, y) = y^3 + xy \ln x$ .

- 3      ① Trouver les points critiques de  $f$ .
- 3      ② Établir leur nature (extremum local, point selle ...).
- 1      ③ Montrer que le minimum local obtenu n'est pas un minimum global pour  $f$ .