

(B) ممنوع استخدام الآلة الحاسبة والهاتف النقال

Nom et Prénom : Corrigé type Groupe : Note :

Exercice 1 : (5.25 Pts = 3.75(2(0.75+0.5+0.75) + 0.75 + 0.5+0.5)+1.5 (0.5+0.5+0.5))

1) Faire les conversions suivantes :

10	2	8	16
$16^2 + 8^3 + 2^5 + 2^3 + 16^{-1} + 8^{-1}$	<u>1100101000,0011</u>	<u>1450,14</u>	<u>328,3</u>
<u>X</u>	<u>X</u>	<u>78,5</u>	<u>X</u>
<u>93,25</u>	<u>1011101,0100</u>	<u>135,2</u>	<u>5D,4</u>

$4B_{(16)} = \dots$ 0111 0101 (BCD) = \dots 1010 1000 (EX3) = \dots 75 (10)
 $753_{(8)} = \dots$ 100011110 (Gray) = \dots 111101011 (2) = \dots 75 (10)
 $11010011_{(Gray)} = \dots$ 157 (10) = \dots 10011101 (2)

2) Effectuer les opérations suivantes :

$\begin{array}{r} 1101101_{(2)} \\ - 1111_{(2)} \\ \hline 1011110 \end{array}$	$\begin{array}{r} 325_{(8)} \\ - 152_{(8)} \\ \hline 153 \end{array}$	$\begin{array}{r} 3B_{(16)} \\ + 9A_{(16)} \\ \hline D5 \end{array}$
--	---	--

Exercice 2 : (5.75 Pts = 2.25 (0.75 ×3) + 2.5 (1.5+1)+1)

1) Donner les valeurs décimales correspondantes au contenu Octal sur 7 bits, sachant que ce contenu est représenté en SVA, CR(C1), CV(C2) : $156_{(8)}$

SVA : $1101110_{SVA} = -(101110)_{(2)} = -46_{(10)}$
 C1 : $1101110_{C1} = -(0010001)_{(2)} = -17_{(10)}$
 C2 : $1101110_{C2} = -(0010010)_{(2)} = -18_{(10)}$

2) Effectuer sur 8 bits en C2 les opérations suivantes puis donner les résultats en décimal :

$-57_{(16)} + 64_{(16)}$ $\begin{array}{r} -57_{(16)} \quad 10101001_{C2} \\ + 64_{(16)} \quad 00110100_{C2} \\ \hline 11011101_{C2} \\ = -(00100011)_{(2)} \\ = -35_{(10)} \end{array}$	$+75_{(8)} + 2A_{(16)}$ $\begin{array}{r} 00111101_{C2} \\ + 00101010_{C2} \\ \hline 01100111_{C2} \\ = +103_{(10)} = 103_{(10)} \end{array}$
---	--

3) Donner l'intervalle des valeurs représentables sur 9 bits en C2 :

$-(2^8) \leq N \leq +(2^8 - 1)$

Exercice 3 : (6 pts = 2 + 2 (1+1) + 2 (1+1))

Prenant la notation de la virgule flottante **simple précision (32 bits)** du standard ANSI / IEEE 754

1) Compléter le tableau suivant :

Signe	E_b	f	M	Valeur représentée
1	11111111 = 255	= 0	-	$\pm \infty$
0			-	
\forall	11111111 = 255	$\neq 0$	-	NAN
1	00000000 = 0	= 0	0.000...0	± 0
0				
1	0... < E_b < 255 Normalisées	$\forall f$	$M = \dots f$	$V = \pm 1, f \times 2^{E_b - 127}$
0				
1	00000000 = 0	$\neq 0$	$M = 0, f$	$V = \pm 0, f \times 2^{-126}$
0				

2) Donner la représentation en ANSI / IEEE 754 (S.P) des nombres suivants :

$-45.625 \times 2^{-110}_{(10)} \quad // \quad +63.75 \times 2^{-134}_{(10)}$

$-45.625 \times 2^{-110}_{(10)} = -101101,101_{(2)} \times 2^{-110}$ $= -1,01101101_{(2)} \times 2^{-105}$ $E_b = -105 + 127 = 22_{(10)} = 10110_{(2)}$ $f = 01101101$ $\boxed{1 \quad 00010110 \quad 01101101 \quad 0 \quad \dots \quad 0}$	$+63.75 \times 2^{-134}_{(10)} = +111111,11_{(2)} \times 2^{-134}$ $= +0,00111111 \times 2^{-126}$ $E_b = \dots 0$ $f = 00111111$ $\boxed{0 \quad 00000000 \quad 00111111 \quad 0 \quad \dots \quad 0}$
--	---

3) Donner sous la forme $\pm M \times 2^{Er}$ les valeurs de X et de Y qui correspondent aux représentations hexadécimales suivantes : $X = 83E00000_{(16)}$, $Y = FFD00000_{(16)}$ (M et 2^{Er} sont décimaux)

$X = 83E00000_{(16)}$ 1000000011111100 $E_b = 111_{(2)} = 7_{(10)} \quad f = 11$ $X = -1,11_{(2)} \times 2^{-124} = -1,75_{(10)} \times 2^{-120}$	$Y = FFD00000_{(16)}$ 11111111111111010000 $E_b = 11111111_{(2)} = 255_{(10)}, f \neq 0$ $Y = \text{NAN}$
--	--

Exercice 4 : (3 pts = 1+1+1)

$F(A, B, C) = \bar{A} + AB + A\bar{B}C$

1. Trouver la première forme canonique de F

$F = \bar{A}(B+\bar{B})(C+\bar{C}) + AB(C+\bar{C}) + A\bar{B}C = \bar{A}B\bar{C} + \bar{A}BC + A\bar{B}C + ABC + A\bar{B}\bar{C} + ABC + A\bar{B}C$
 $= \sum (0, 1, 2, 3, 5, 6, 7)$

2. Simplifier F algébriquement

$F = \bar{A} + AB + A\bar{B}C = \bar{A} + B + C$

3. Tracer le logigramme de F (simplifiée) à l'aide des portes NORs

