

TD N° 2

Exercice 1

Démontrer : $I(x, y) = -H(y|x) + H(y)$

Exercice 2

Soit une source **S** avec **36** symboles équiprobables

- Calculer la quantité d'information
- Calculer l'entropie de **S**
- Calculer **R**
- Calculer l'efficacité de cette source ?

Exercice 3

Soit une source **S** primaire de **12** symboles.

Avec un codage par blocs (extension) on aura une source secondaire avec $j = 3$

- Donner le nombre des blocs de la source secondaire ?
- Calculer l'entropie de **S**
- Calculer l'efficacité du codage de la source avec extension.

Exercice 4 :

Soit une source qui génère des lettres de l'alphabet $A = \{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5\}$ avec les probabilités suivantes :

$$P(a_1) = 0.15; P(a_2) = 0.04; P(a_3) = 0.26; P(a_4) = 0.05; P(a_5) = 0.5$$

- Calculer l'entropie de **A**
- Trouver le code d'Huffman de la source
- Calculer la longueur moyenne de ce code
- Calculer l'efficacité de ce code

Exercice 5 :

On considère une source **S** qui émet les symboles a, b, c, d, e, f avec probabilités respectives 0.4, 0.1, 0.06, 0.1, 0.3 et 0.04.

1- Quelle est l'entropie de **S** ? Quelle est l'efficacité maximale d'un code binaire de longueur constante pour **S**.

2- Est-il possible de construire pour **S** un code binaire préfixe de longueur moyenne 2.1.

3- On propose le code suivant pour **S** :

$$C(a) = 0, C(b) = 100, C(c) = 1100, C(d) = 101, C(e) = 111, C(f) = 1101.$$

Ce code est-il uniquement déchiffrable ?

Décoder 1101011000101111.

Ce code est-il plus efficace qu'un code binaire de longueur constante le plus efficace possible?

4- Construire un code de Huffman pour **S**, et donner son efficacité.