

Exercise 1:

Let n moles of a perfect gas evolve from an initial state (P_0, V_0, T_0) to a final state (P_1, V_1, T_1) .

- Show that the change in internal energy of this gas during this transformation can be expressed as:

$$\Delta U = \frac{(P_1 V_1 - P_0 V_0)}{\gamma - 1}$$

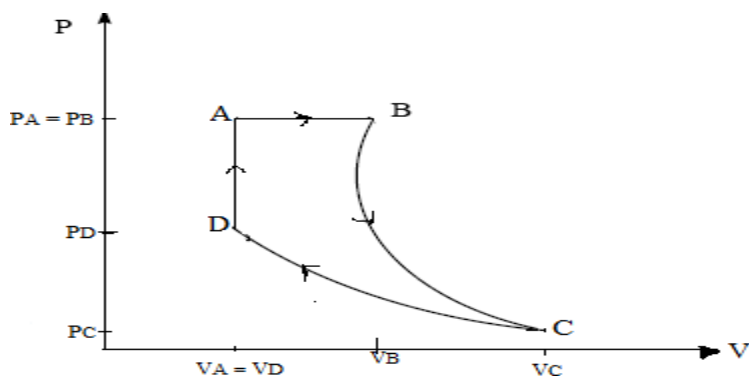
Exercise 1

Soient n moles d'un gaz parfait évoluant d'un état initial (P_0, V_0, T_0) jusqu' à un état final (P_1, V_1, T_1) .

- Montrer que la variation d'énergie interne de ce gaz au cours de cette transformation peut se mettre sous la forme :
$$\Delta U = \frac{(P_1 V_1 - P_0 V_0)}{\gamma - 1}$$

Exercise 2:

Consider a cycle of reversible transformations: ABCD (figure below) of a perfect diatomic gas.



1- Calculate the missing parameters (P, V, T) for each state, knowing that transformation A-B is isobaric, B-C is adiabatic, C-D is isothermal and transformation D-A is isochoric.

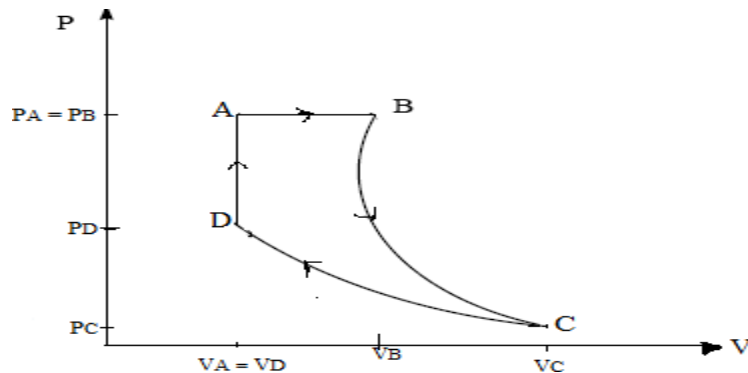
2- Calculate the work and heat exchanged during each transformation.

3- Determine the amount of heat and work exchanged during the cycle.

Given: $R = 8.31 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1} = 0.082 \text{ l.atm. K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$, $\gamma = 1.4$, $V_B = 2 \text{ l}$, $P_D = 1 \text{ atm}$, $P_A = 2 \text{ atm}$, $V_A = 1 \text{ l}$ and $T_A = 600 \text{ K}$.

Exercice 2

Soit un cycle de transformations réversibles : ABCD (Figure ci-dessous) d'un gaz parfait diatomique.



- 1- Calculer les paramètres manquants (P, V, T) de chaque état sachant que la transformation A-B est isobare, B-C est adiabatique, C-D est isotherme et la transformation D-A est isochore.
- 2- Calculer le travail et la quantité de chaleur échangés au cours de chaque transformation
- 3- Déterminer la quantité de chaleur et le travail échangés au cours du cycle.

Données : $R = 8.31 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1} = 0.082 \text{ l.atm. K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$, $\gamma = 1.4$, $V_B = 2 \text{ l}$, $P_D = 1 \text{ atm}$, $P_A = 2 \text{ atm}$, $V_A = 1 \text{ l}$ et $T_A = 600 \text{ K}$.

Exercice 3:

A cycle consisting of one mole of perfect gas works by going through the cycle of reversible transformations ABC :

- isothermal compression from state A ($T_A = 300 \text{ K}$) to state B.
- isochoric heating from state B to state C (P_C, V_B, T_C)
- adiabatic expansion from state C to state A.

- 1- Plot the cycle of transformations qualitatively in the diagram (P, V). 2-
 Find the variables P_B , P_C and T_C as a function of P_A , a , T_A and γ .
- 3- Calculate the work and heat exchanged by the cycle in the reversible A-B transformation.
- 4- Calculate the amount of heat received by the cycle in the B-C transformation.
- 5- Using the first principle, deduce the value of the work exchanged during transformation C-A.

Given: $a = \frac{V_A}{V_B} = 2$, $c_V = 5 \text{ cal. K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ et $R = 8.31 \text{ J.K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} = 2 \text{ cal.}$

Exercice 3

Un cycle composé d'une mole de gaz parfait fonctionne en parcourant le cycle de transformations réversibles ABC :

- une compression isotherme de l'état A ($T_A = 300 \text{ K}$) à l'état B.
- un chauffage isochore de l'état B à l'état C (P_C , V_B , T_C)
- une détente adiabatique de l'état C à l'état A

- 1- Tracer qualitativement le cycle de transformations dans le diagramme (P, V).
- 2- Trouver les variables P_B , P_C et T_C en fonction de P_A , a , T_A et γ .
- 3- Calculer le travail et la quantité de chaleur échangés par le cycle dans la transformation réversible A-B.
- 4- Calculer la quantité de chaleur reçue par le cycle au cours de la transformation B-C.
- 5- En déduire, en vertu du premier principe, la valeur du travail échangé au cours de la transformation C-A.

Données : $a = \frac{V_A}{V_B} = 2$, $c_V = 5 \text{ cal. K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ et $R = 8.31 \text{ J.K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} = 2 \text{ cal.}$

Exercice 4:

A mass m of 1 kg of oxygen occupies a volume V_A at a temperature T_A equal to 320 K, under a pressure $P_A = 8.10^4 \text{ Pa}$. Oxygen behaves like a perfect gas

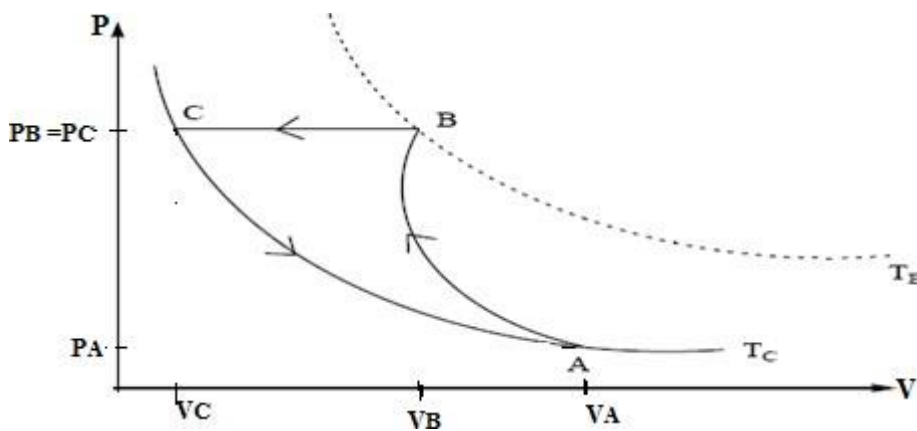
1- Calculate V_A .

2- The gas describes the ABCA cycle (below). Deduce the nature of the reversible transformations A-B, B-C and C-A. Justify.

3- Calculate V_B, V_C and T_B .

4- What is the (T, V) coordinate representation of these different transformations?

5- Calculate W_{cycle} and Q_{cycle} .



Given: $P_B = 80 \cdot 10^4 \text{ Pa}$, $R = 8.31 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$, $\gamma = 1.4$, $M(\text{O}) = 16 \text{ g/mol}$

Exercice 4

Une masse m de 1 Kg d'oxygène occupe un volume V_A à la température T_A égale à 320 K, sous une pression $P_A = 8 \cdot 10^4 \text{ Pa}$. L'oxygène se comporte comme un gaz parfait

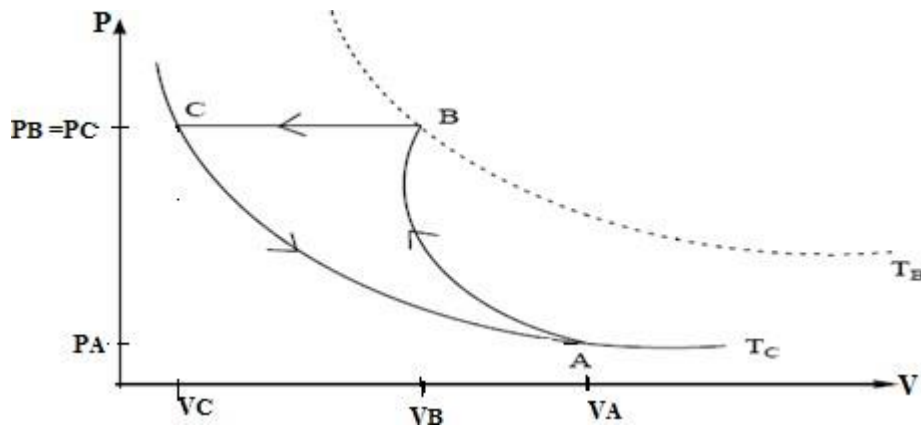
1- Calculer V_A .

2- Le gaz décrit le cycle ABCA (ci-dessous). Déduire la nature des transformations réversibles A-B, B-C et C-A. Justifier.

3- Calculer V_B , V_C et T_B .

4- Quelle est la représentation en coordonnées (T, V) de ces différentes transformations ?

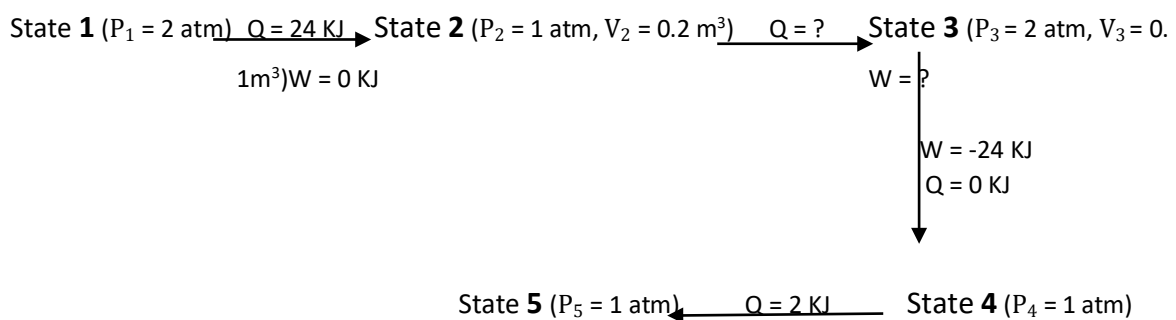
5- Calculer W_{cycle} et Q_{cycle} .



Données : $P_B = 80 \cdot 10^4 \text{ Pa}$, $R = 8.31 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$, $\gamma = 1.4$, $M(\text{O}) = 16 \text{ g/mol}$

Exercise 5:

I)- The mass of a perfect gas evolves as follows:



To which transformation does each of these evolutions correspond?

II)- A perfect gas occupies a volume of 17.4 dm^3 at 300 K under a pressure of $1.05 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. We heat this gas, keeping the volume constant, until the pressure is

$1.8 \cdot 10^5 \text{ Pa}$.

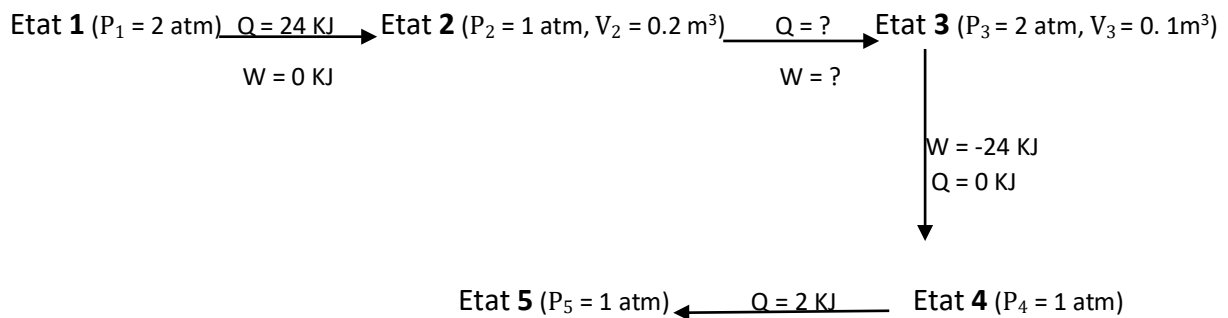
1- Calculate the final temperature of the gas.

- 2- Deduce Mayer's relation and the value of the specific heat at constant volume C_V of this gas.
- 3- Calculate ΔU and ΔH exchanged during this transformation.
- 4- Calculate the amount of heat supplied to the gas to bring it to its final state.

Given: $C_p = 29.30 \text{ J. mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$, $R = 8.31 \text{ J. mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$

Exercice 5

I)- Une masse d'un gaz parfait suit les évolutions suivantes :



A quelle transformation correspond chacune de ces évolutions.

II)- Un gaz parfait occupe un volume de 17.4 dm^3 à 300 K sous une pression de $1.05 \cdot 10^5 \text{ Pa}$.
On chauffe ce gaz en maintenant le volume constant, jusqu'à ce que la pression soit de $1.8 \cdot 10^5 \text{ Pa}$.

- 1- Calculer la température finale du gaz.
- 2- En déduire la relation de Mayer et la valeur de la chaleur spécifique à volume constant C_V de ce gaz.
- 3- Calculer ΔU et ΔH échangées au cours de cette transformation.
- 4- Calculer la quantité de chaleur fournie au gaz pour l'amener à l'état final.

Données : $C_p = 29.30 \text{ J. mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$, $R = 8.31 \text{ J. mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$

Exercise 6:

The initial state of one mole of perfect gas is characterized by $P_0 = 2 \cdot 10^5$ Pa and $V_0 = 14$ l. This gas is successively subjected to the following reversible transformations:

-isobaric expansion, doubling its volume;

-isothermal compression, returning it to its initial volume;

-isochoric cooling, returning it to its initial state.

1- Represent the cycle qualitatively on a Clapeyron diagram (P, V).

2- At what temperature does isothermal compression take place?

3- For each transformation, determine the work and heat exchanged by the system as a function of P_0 , V_0 and γ (without calculation).

4- Express the change in internal energy and enthalpy of the gas for each transformation and for the whole cycle. Conclude.

Given: $R = 8.31$ J. mol⁻¹. K⁻¹ = 0.082 P. atm. K⁻¹. mol⁻¹

Exercice 6

L'état initial d'une mole de gaz parfait est caractérisé par $P_0 = 2 \cdot 10^5$ Pa et $V_0 = 14$ l.

On fait subir successivement à ce gaz les transformations réversibles suivantes :

-une dilatation isobare qui double son volume ;

-une compression isotherme qui le ramène à son volume initial ;

-un refroidissement isochore qui le ramène à l'état initial.

1- Représenter qualitativement le cycle sur un diagramme de Clapeyron (P, V).

2- A quelle température s'effectue la compression isotherme ?

3- Déterminer pour chaque transformation le travail et la chaleur échangés par le système en fonction de P_0 , V_0 et γ (sans calcul).

4- Exprimer la variation d'énergie interne et d'enthalpie du gaz pour chaque transformation ainsi que pour tout le cycle. Conclure.

Données : $R = 8.31 \text{ J. mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1} = 0.082 \text{ P. atm. K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$

Exercice 7:

A container with a volume of 10 liters contains air (a perfect gas) at a pressure of 1.053 atm at a temperature of 20 °C. This gas is made to undergo a cycle of reversible ABCA transformations described by: :

- Isothermal compression from state A to state B, characterized by $P_B = 10.53 \text{ atm}$.
- Adiabatic expansion from state B to state C.
- Finally, the gas is returned to its initial state at constant pressure. 1- Calculate the parameters (P, V and T) of states B and C.
- 2- Show the transformations on the Clapeyron diagram.
- 3- Calculate the work and heat exchanged during each transformation.
- 4- Determine the internal energy change and enthalpy of the cycle.

Given : $1 \text{ atm} = 1.013 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $R = 8.31 \text{ J. K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$, $\gamma = \frac{7}{5}$

Exercice 7

Un récipient de volume de 10 litres contient de l'air (un gaz parfait) sous la pression de 1.053 atm à la température de 20 °C. On fait subir à ce gaz un cycle de transformations réversibles ABCA décrit par :

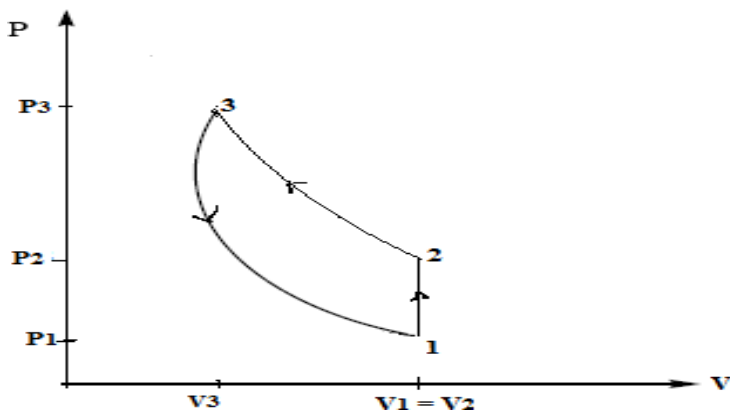
- Une compression isotherme de l'état A jusqu'à l'état B caractérisé par $P_B = 10.53 \text{ atm}$.
- Une détente adiabatique de l'état B à l'état C.
- Le gaz est enfin ramené à son état initial à pression constante. 1- Calculer les paramètres (P, V et T) des états B et C.
- 2- Représenter les transformations sur le diagramme de Clapeyron.
- 3- Calculer le travail et la quantité de chaleur échangés au cours de chaque transformation.

4- Déterminer la variation d'énergie interne et l'enthalpie du cycle.

Données : $1 \text{ atm} = 1.013 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $R = 8.31 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$, $\gamma = \frac{7}{5}$

Exercise 8:

One mole of a perfect gas undergoes the cycle of reversible transformations shown in the (P, V) diagram below:



- constant-volume heating from initial state ($P_1 = 1 \text{ atm}$, $T_1 = 298 \text{ K}$) to temperature $T_2 = 450 \text{ K}$.

-Isothermal compression to state 3 (P_3 , V_3).

-Adiabatic expansion to return it to its initial state.

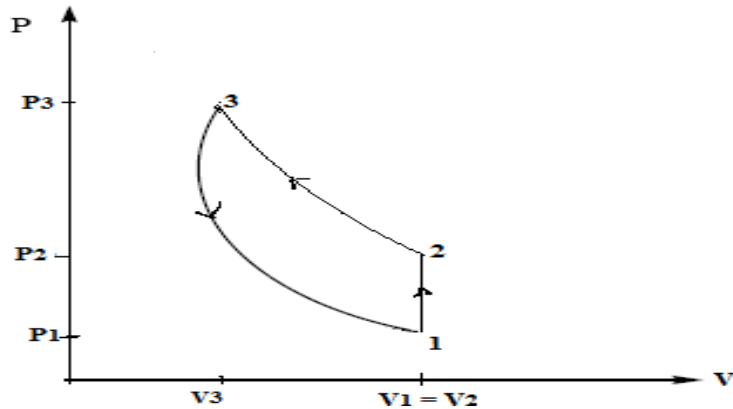
1- Calculate the parameters P and V for each state.

2- Calculate the work and heat exchanged during the cycle. Conclude.

Given: $R = 8.31 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ and $C_V = 2.5 R$

Exercise 8

Une mole d'un gaz parfait subit le cycle de transformations réversibles représenté dans le diagramme (P, V) ci-dessous :



- un chauffage à volume constant à partir de l'état initial ($P_1 = 1 \text{ atm}$, $T_1 = 298 \text{ K}$) jusqu'à la température $T_2 = 450 \text{ K}$.

- Compression isotherme qui le ramène à l'état 3 (P_3 , V_3).

- Une détente adiabatique qui le ramène à son état

initial. 1- Calculer les paramètres P et V pour chaque

état.

2- Calculer le travail et la chaleur échangés au cours du cycle. Conclure.

Données : $R = 8.31 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ et $C_V = 2.5 R$

Exercice 9:

Consider the following ABC cycle described by one mole of perfect gas.

- A reversible isothermal compression from initial state A ($P_A = 2.05 \text{ atm}$, $V_A = 10 \text{ L}$, T_A) to state B ($P_B = 20.5 \text{ atm}$, V_B , T_B).

- An isobaric transformation that returns the gas to state C (P_C , $V_C = V_A$, T_C).

- An isochoric transformation that returns the gas to its initial state.

1- Represent the cycle of transformations qualitatively on a Clapeyron diagram (P, V).

2- Calculate T_A , T_B , V_B , P_C and T_C

3- Calculate, in calories, the work and heat exchanged, as well as the variations in internal energy and enthalpy of the system for each transformation and for the cycle.

$$R = 0.082 \text{ l} \cdot \text{atm} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1} = 2 \text{ cal} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}, \quad c_V = \frac{3}{2} R, \quad c_P = \frac{5}{2} R, \quad 1 \text{ l} \cdot \text{atm} = 24.23 \text{ cal}$$

Given:

Exercice 9

On considère le cycle ABC suivant décrit par une mole de gaz parfait.

- Une compression isotherme réversible de l'état initial A ($P_A = 2.05 \text{ atm}$, $V_A = 10 \text{ L}$, T_A) à l'état B ($P_B = 20.5 \text{ atm}$, V_B , T_B).
- Une transformation isobare qui ramène le gaz à l'état C (P_C , $V_C = V_A$, T_C)
- Une transformation isochore qui ramène le gaz à son état initial.

1- Représenter qualitativement le cycle de transformations sur un diagramme de Clapeyron(P, V)

2- Calculer T_A , T_B , V_B , P_C et T_C

3- Calculer, en calories, le travail et la chaleur échangés ainsi que les variations d'énergie interne et d'enthalpie du système pour chaque transformation et pour le cycle

Données : $R = 0.082 \ell \cdot \text{atm} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1} = 2 \text{ cal} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$, $c_V = \frac{3}{2} R$, $c_P = \frac{5}{2} R$, $1 \text{ l} \cdot \text{atm} = 24.23 \text{ cal}$