

السلسلة 2

تمرين 1: ا, b, c ثلاث حدود متعاقبة من متتالية حسابية وتحقق

$$\begin{cases} a \cdot b^2 \cdot c = -48 \\ a + b + c = 6 \end{cases} ; a > c$$

- احسب قيمة الاعداد a, b, c -

تمرين 2: لتكن المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة ب

$$v_n = u_n - \frac{1}{2} \quad \text{ولتكن} \quad \begin{cases} U_0 = 1 \\ u_{n+1} = -3u_n + 2 \end{cases}$$

1 - بين ان $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية هندسية وحدد اساسها

2 - اكتب u_n و v_n بدلالة n

$$3 - S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n \quad \text{واستنتج} \quad S_n' = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$

تمرين 3: لتكن المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة ب

$$\alpha \neq 1 \quad \text{و} \quad \alpha \in \mathbb{R}_+^* \quad \text{حيث} \quad v_n - u_n = \frac{1}{\alpha - 1} \quad \text{ولتكن} \quad \begin{cases} U_0 = 1 \\ u_{n+1} - \alpha u_n = 1 \end{cases} \quad \forall n \in \mathbb{N}^*$$

1 - برهن ان $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية هندسية وحدد اساسها

2 - عبر عن V_n بدلالة n و α

3 - ستنتج عبارة U_n بدلالة n و α

4 - عين قيم α من التي اجلها $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متقاربة

تمرين 4:1) يودع رجل في مصرف بداية كل شهر مبلغا من المال كما يلي

100-160-220-...

-كم يكون رصيده في نهاية السنة اذا كان لا يتقاضى على ودائعه اية فائدة

2) اوجد فائدة مبلغ 1000 دج وضع في مصرف منذ 6 سنوات بفائدة بسيطة 5% سنويا واوجد جملة ذلك المبلغ

حيث الفائدة

البسيطة نكتفي باحتساب فوائد على اصل المبالغ المودعة او المقترضة

تمرين 5

1) وضع في مصرف مبلغ 3000 دج بفائدة مركبة معدلها 5% اوجد المبلغ بعد 5 سنوات وكم تكون الفائدة المركبة .

2) اودع مبلغ قدره 7000 دج في مصرف بفائدة مركبة فاصبح 8000 دج بعد 4 سنوات اوجد معدل الفائدة المركبة

-الفائدة المركبة هي اذا تجاوزت مدة الإيداع او القرض السنة فان الفوائد بدورها تحقق فوائد