

### TP N° 3 : Modélisation et Simulation de la génératrice synchrone à aimant permanents

#### Objectifs :

- Savoir modéliser et simuler une machine électrique par MATLAB-SIMULINK en vue de l'utiliser dans une chaîne de conversion éolienne.

#### Introduction :

La structure de la machine synchrone à aimants permanents comporte un enroulement triphasé au stator. L'excitation rotorique est créée par des aimants permanents au rotor.

#### Modélisation de la GSAP

##### 1/Equations électriques

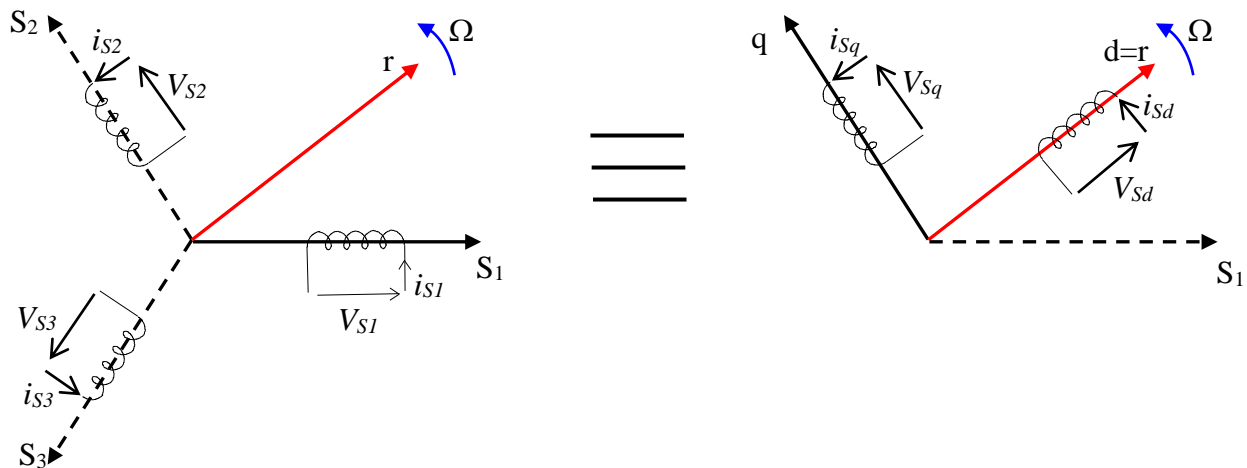
$$\begin{bmatrix} v_a \\ v_b \\ v_c \end{bmatrix} = R_s \begin{bmatrix} i_a \\ i_b \\ i_c \end{bmatrix} + \frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \psi_a \\ \psi_b \\ \psi_c \end{bmatrix}$$

$[v_a \ v_b \ v_c]^t$  : Vecteur tension de phases statoriques.

$[i_a \ i_b \ i_c]^t$  : Vecteur courant de phases statoriques.

$[\psi_a \ \psi_b \ \psi_c]^t$  : Vecteur des flux totaux traversant les bobines statoriques.

##### 2/Passage au repère de Park



$$\begin{bmatrix} U_d & U_q & U_o \end{bmatrix} = P(\theta) \cdot \begin{bmatrix} U_a & U_b & U_c \end{bmatrix}^T$$

$$\begin{bmatrix} I_d & I_q & I_o \end{bmatrix} = P(\theta) \cdot \begin{bmatrix} I_a & I_b & I_c \end{bmatrix}^T$$

$$\begin{bmatrix} \varphi_d & \varphi_q & \varphi_o \end{bmatrix} = P(\theta) \cdot \begin{bmatrix} \varphi_a & \varphi_b & \varphi_c \end{bmatrix}^T$$

$$P(\theta) = \frac{2}{3} \begin{pmatrix} \cos(\theta) & \cos(\theta - \frac{2\pi}{3}) & \cos(\theta - \frac{4\pi}{3}) \\ -\sin(\theta) & -\sin(\theta - \frac{2\pi}{3}) & -\sin(\theta - \frac{4\pi}{3}) \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix} \quad P(\theta)^{-1} = \frac{2}{3} \begin{pmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) & 1 \\ \cos(\theta - \frac{2\pi}{3}) & -\sin(\theta - \frac{2\pi}{3}) & 1 \\ \cos(\theta - \frac{4\pi}{3}) & -\sin(\theta - \frac{4\pi}{3}) & 1 \end{pmatrix}$$

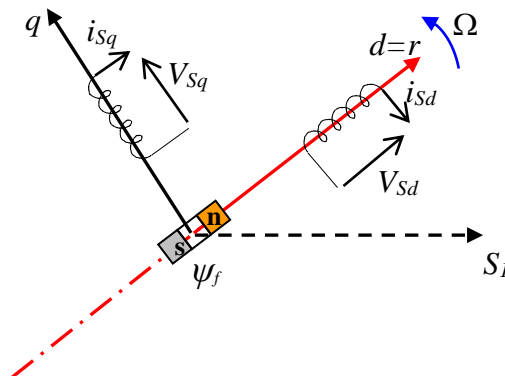
3/Modèle de la Génératrice synchrone à aimants permanents

$$\begin{cases} V_d = -R_s I_d - L_d \frac{d}{dt} I_d + \omega L_q I_q \\ V_q = -R_s I_q - L_q \frac{d}{dt} I_q - \omega L_d I_d + \omega \psi_f \end{cases} \quad (1)$$

4/ Expression du couple électromagnétique

$$C_{em} = \frac{3}{2} P (\psi_d i_q - \psi_q i_d)$$

$$C_{em} = \frac{3}{2} P [(L_q - L_d) i_d i_q + i_q \psi_f]$$



Simulation de la GSAP

1/ **A vide**

$$\begin{cases} I_d = 0 \\ I_q = 0 \end{cases}$$

Les expressions des tensions et couple deviennent:

$$\begin{cases} V_d = 0 \\ V_q = \omega \psi_f \\ C_{em} = 0 \end{cases}$$

Travail demandé:

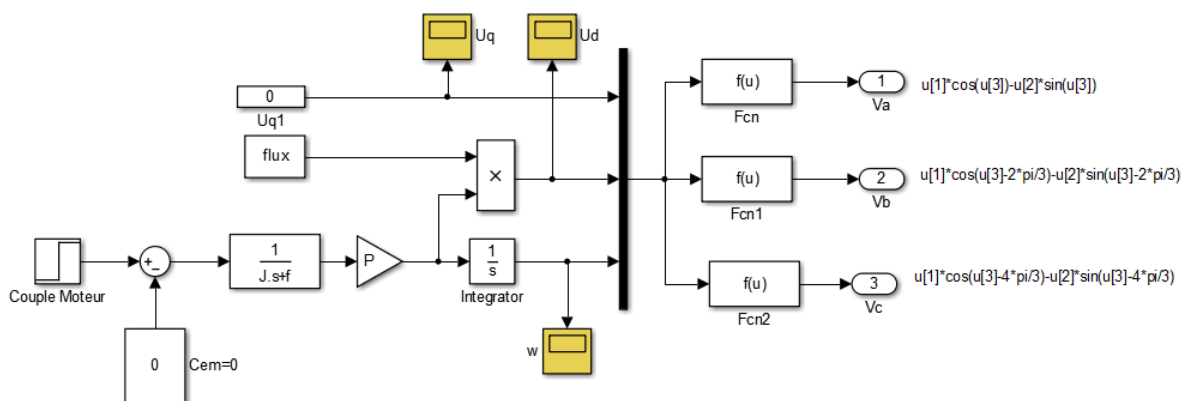
Déclarer les paramètres de la GSAP dans un fichier SCRIPT

$R_s = 2.875 \text{ } (\Omega)$  ;  $L_d = 8.5 \cdot 10^{-3} \text{ (H)}$  ;  $L_q = 8.5 \cdot 10^{-3} \text{ (H)}$  ;  $\text{flux} = 0.175 \text{ (Wb)}$  ;  $P = 4$  ;  $J = 0.008 \text{ Kg.m}^2$  ;  $f = 0 \text{ Nm/rd.s}$  ;  
De l'instant  $t = 0 \text{ s}$  à l'instant  $t = 0.4 \text{ s}$ , On applique à la génératrice un couple moteur de  $6.28 \text{ (Nm)}$ , puis on diminue le couple moteur à  $3 \text{ Nm}$  jusqu'à l'instant  $1 \text{ s}$

1/ Implanter et exécuter le schéma bloc de la GSAP à vide pour une durée de (1s)

2/ Visualiser les grandeurs :  $V_{abc}$  ,  $U_d$  ,  $U_q$

3/ Commentaires et conclusion



## 2/GSAP sur une charge séparée ( $R_{ch}$ , $L_{ch}$ ) avec correction

La génératrice alimente dans ce cas une charge électrique ( $R_{ch}$ ,  $L_{ch}$ ).

on applique d'une part, les équations (1) :

D'autre part, l'application des tensions  $V_d$  et  $V_q$  sur la charge donne:

$$\begin{cases} V_d = R_{ch} I_d + L_{ch} \frac{d}{dt} I_d - \omega L_{ch} I_q \\ V_q = R_{ch} I_q + L_{ch} \frac{d}{dt} I_q + \omega L_{ch} I_d \end{cases} \quad (2)$$

En introduisant la transformée de **LAPLACE** dans les équations 1 et 2, elles deviennent :

$$\begin{cases} S I_d = \frac{1}{L_d + L_{ch}} [-(R_s + R_{ch}) I_d + \omega (L_q + L_{ch}) I_q] \\ S I_q = \frac{1}{L_q + L_{ch}} [-(R_s + R_{ch}) I_q - \omega (L_d + L_{ch}) I_d + \omega \psi_f] \end{cases}$$

### Equations d'état

On cherche à obtenir un système d'équations sous forme d'équations d'état:

$$[\dot{x}] = [A][x] + [B], \quad [x] = \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \end{bmatrix}$$

#### Partie 1

1/Trouver les matrices A et B

2/Ecrire A sous forme :  $A = Y_{11} + w \cdot Y_{12}$  (trouver  $Y_{11}$  et  $Y_{12}$ )

3/Ecrire B sous forme  $B = w \cdot Z$  (trouver Z)

4/Déclarer les paramètres de la génératrice dans un fichier **SCRIPT**

$R_s = 1.137; L_d = 0.0027; L_q = 0.0027; J = 0.0016; f = 0; P = 17; \text{flux} = 0.15; R_{ch} = 50; L_{ch} = 0.002;$

$R_g = R_s + R_{ch};$

$L_1 = L_d + L_{ch};$

$L_2 = L_q + L_{ch};$

$Z = ?$

$Y_{11} = ?$

$Y_{12} = ?$

#### Partie 2

A l'instant ( $t=0s$ ) on applique à la génératrice un couple moteur  $C_m = 6.28$  (Nm)

A l'instant ( $t=0.2s$ ) on diminue le couple moteur à 3 (Nm)

5/ Compléter et simuler le schéma bloc sur une période de 0.6(s).

6/ Visualiser les grandeurs :  $w$ ,  $V_d$ ,  $V_q$ ,  $I_d$ ,  $I_q$ ,  $I_{abc}$ ,  $V_{abc}$ ,  $C_{em}$

7/Commentaires et conclusion

**Important : Pour mieux assimiler le TP, et avant d'aller à la correction, veuillez essayer de répondre aux questions ci-dessus.**

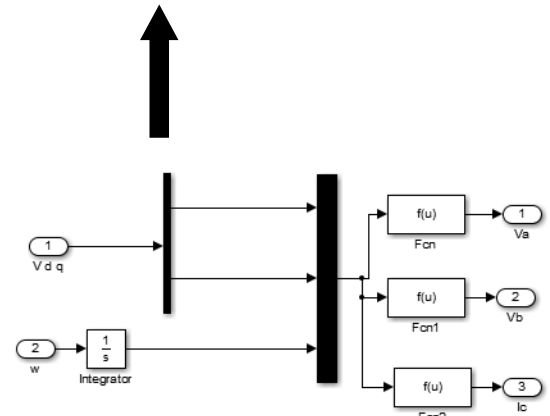
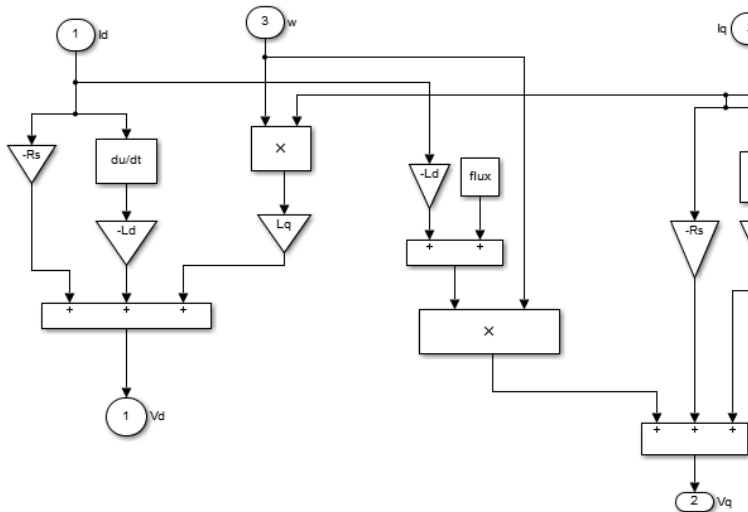
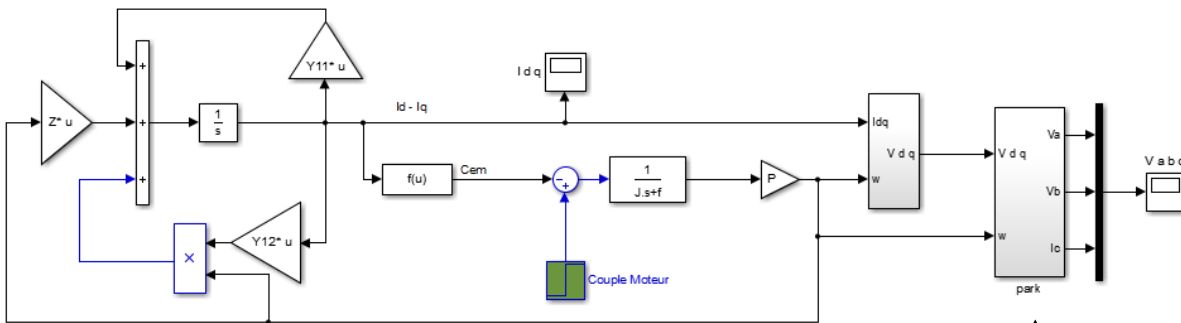
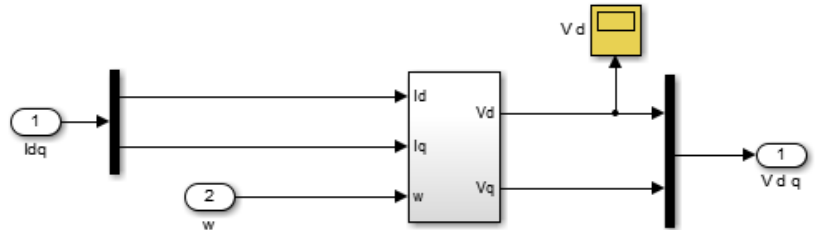
## Correction TP2

$$\begin{bmatrix} \dot{I}_{ds} \\ \dot{I}_{qs} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{R_s + R_{ch}}{L_d + L_{ch}} & \omega \frac{L_q + L_{ch}}{L_d + L_{ch}} \\ -\omega \frac{L_d + L_{ch}}{L_q + L_{ch}} & -\frac{R_s + R_{ch}}{L_q + L_{ch}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_d \\ I_q \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{\omega \psi_f}{L_q + L_{ch}} \end{bmatrix}$$

$$[A] = Y_{11} + \omega Y_{12} = \begin{bmatrix} -\frac{R_s + R_{ch}}{L_d + L_{ch}} & 0 \\ 0 & -\frac{R_s + R_{ch}}{L_q + L_{ch}} \end{bmatrix} + \omega \begin{bmatrix} 0 & \frac{L_q + L_{ch}}{L_d + L_{ch}} \\ -\frac{L_d + L_{ch}}{L_q + L_{ch}} & 0 \end{bmatrix}$$

$$[B] = \omega Z = \omega \cdot \frac{1}{L_q + L_{ch}} \begin{bmatrix} 0 \\ \psi_f \end{bmatrix}$$

$R_s=1.137; L_d=0.0027; L_q=0.0027; J=0.0016; f=0; P=17; \text{flux}=0.15; R_{ch}=50; L_{ch}=0.002;$   
 $R_g=R_s+R_{ch};$   
 $L_1=L_d+L_{ch};$   
 $L_2=L_q+L_{ch};$   
 $Z=[0; \text{flux}/L_2];$   
 $Y_{11}=[-R_g/L_1 \ 0; 0 \ -R_g/L_2];$   
 $Y_{12}=[0 \ L_2/L_1; -L_1/L_2 \ 0];$



**Le couple électromagnétique :**

$$C_{em} = (3/2) * P * ((L_q - L_d) * u[1] * u[2] + \text{flux} * u[2])$$