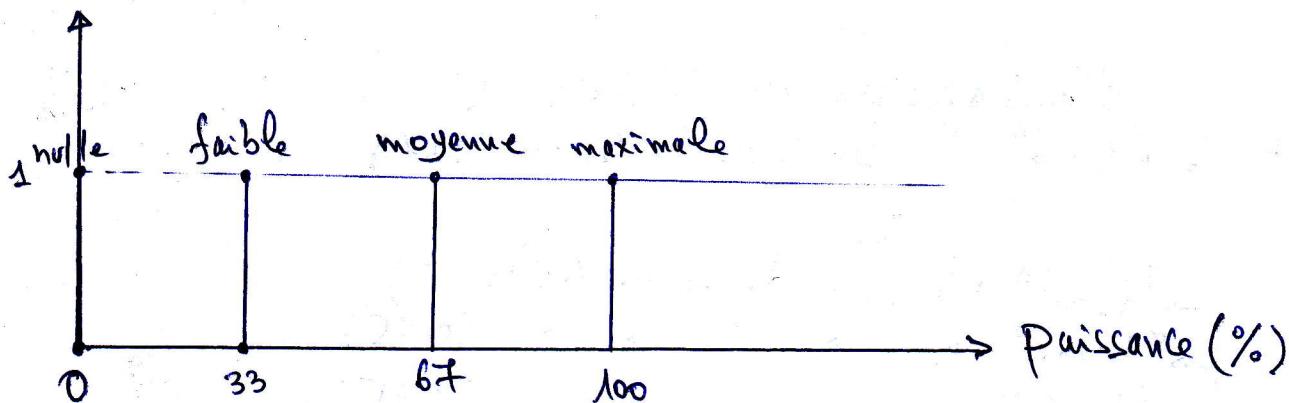
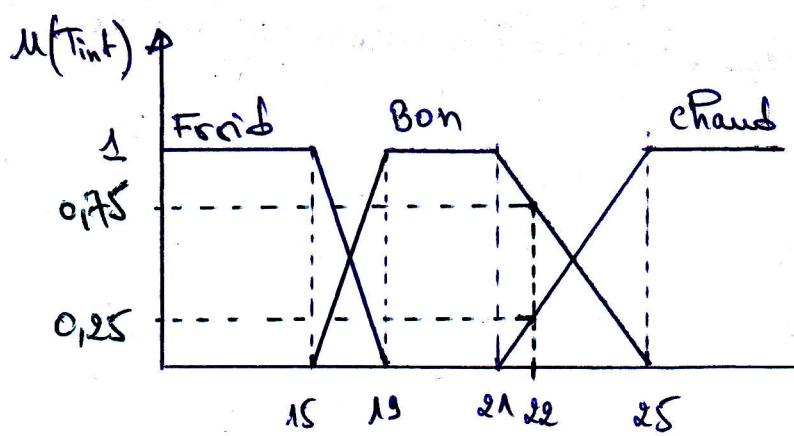
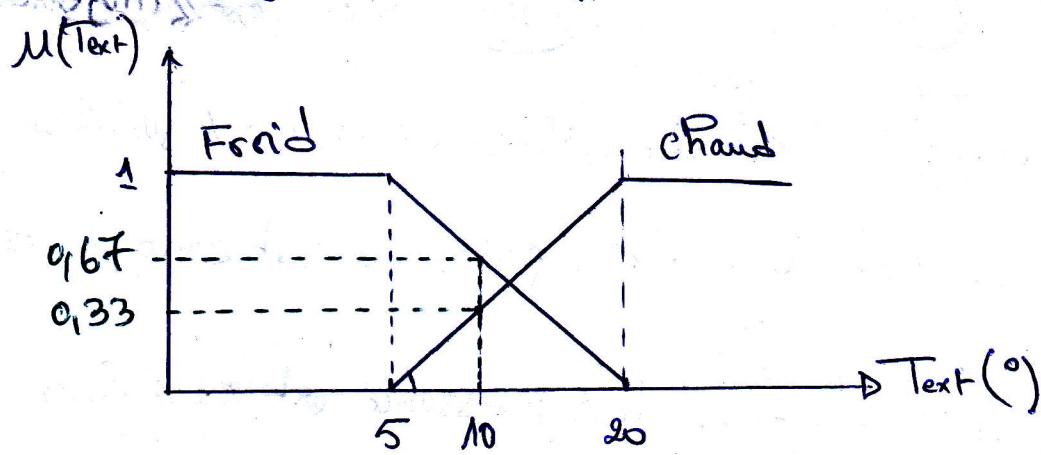


Exercice n° 2

1

1 - Tracage des fonctions d'appartenance:



2 - il s'agit d'un contrôleur floue type Takagi-Sugeno d'ordre 0

3 - Nous avons 6 règles floues.

4 - Les règles floues:

- ↑
↑
- ① Si Text est «froid» et la Tint «froid» alors puissance est «max»
 (0,67) min (0) 0 min = 0
- ② Si Text est «froid» et Tint «bonne» alors puissance est «moyenne»
 (0,67) min (0,75) min(0,67, 1) = 0,67 ↑
- ③ Si Text est «froid» et Tint «chaude» alors puissance est «faible»
 (0,67) min (0,25)
- ④ Si Text est «chaude» et Tint «froid» alors puissance est «moyenne»
 (0,33) min (0) 0
- ⑤ Si Text est «chaude» et Tint «Bonne» alors puissance est «faible»
 (0,33) min (0,75)
- ⑥ Si Text est «chaude» et Tint «chaude» alors puissance est «nulle».
 (0,25) min (0,33)
5. et est réalisé avec min
ou est réalisé avec max

$$P=? \quad \text{Si } \underline{\text{Text} = 10^\circ\text{C}}, \underline{\text{Tint} = 22^\circ\text{C}}$$

Text $\begin{cases} \text{«chaud»} \text{ avec un degré de vérité (0,33)} \\ \text{«froid»} \text{ avec un degré de vérité (0,67)} \end{cases}$

Tint $\begin{cases} \text{«froid»} \text{ avec un degré de vérité (0)} \\ \text{«bonne»} = = = = = (0,75) \\ \text{«chaude»} = = = = = (0,25). \end{cases}$

→ Traitement numérique d'inference : (1° degré de vérité de chaque règle)

- ① max $\rightarrow \min(0,67, 0) = 0$
- ② moyenne $\rightarrow \min(0,67, 0,75) = 0,67$
- ③ faible $\rightarrow \min(0,67, 0,25) = 0,25$
- ④ moyenne $\rightarrow \min(0,33, 0) = 0$
- ⑤ faible $\rightarrow \min(0,33, 0,75) = 0,33$
- ⑥ nulle $\rightarrow \min(0,25, 0,33) = 0,25$

Aggrégation des règles :

3

- ① - max \Rightarrow degré de vérité = 0
(100%)
- ② - moyenne \Rightarrow degré de vérité $\max(0,67, 0,33) = 0,67$
(67%)
- ③ - faible \Rightarrow degré de vérité $\max(0,25, 0,33) = 0,33$
(33%)
- ④ - nulle \Rightarrow degré de vérité (0,125)
(0%)

\Rightarrow Déffuzzification Calcule la Puissance :

$$P = \frac{\sum_{i=1}^4 M_i P_i}{\sum_{i=1}^4 M_i} = \frac{0.(100) + 0,67.(67) + 0,33.(33) + (0).0,25}{0 + 0,67 + 0,33 + 0,125}$$

$P = 44,6\%$

- La méthode (~~somme~~ ^{Som} - Prod) :

Ou \rightarrow ~~somme~~ Som

Et \rightarrow Prod

Imp \rightarrow Prod

\rightarrow Traitement numérique d'inférence

- ① max $\rightarrow (0,67 \times 0) = 0$
- ② moyenne $\rightarrow 0,67 \times 0,75 = 0,5025$
- ③ faible $\rightarrow 0,67 \times 0,25 = 0,1675$
- ④ moyenne $\rightarrow 0 \times 0,33 = 0$
- ⑤ faible $\rightarrow 0,33 \times 0,75 = 0,2475$
- ⑥ nulle $\rightarrow 0,25 \times 0,33 = 0,0825$

Agrégation de règle:

(4)

$$\textcircled{1} \text{ max } = \text{degré de vérité} = 0 \quad (100\%)$$

$$\textcircled{2} \text{ moyenne } = \text{degré de vérité } (0,5025 + 0) = 0,5025 \quad (67\%)$$

$$\textcircled{3} \text{ -faible } = \text{degré de vérité } (0,1675 + 0,2475) = 0,415 \quad (33\%)$$

$$\textcircled{4} \text{ -nulle } \text{ degré de vérité } (0,0825) \quad (0\%)$$

Defuzzification:

$$P = \frac{\sum_{i=1}^4 H_i P_i}{\sum H_i} = \frac{(100\%)(0) + (67\%)(0,5025) + (33\%)(0,415) + (0\%)(0,0825)}{0 + 0,5025 + 0,415 + 0,0825}$$

$$P = \frac{33,6675 + 13,695}{1}$$

$$\boxed{P = 47,3625\%}$$

Exercice 04

1- Les degrés d'appartenance des sous-ensembles flous:

1. Pour $e = -0,2$

$$\mu_{NB}(-0,2) = \frac{-0,2}{-0,7} = 0,28$$

$$\mu_N(-0,2) = \frac{-0,2 - 0}{-0,3 - 0} = 0,66$$

$$\mu_P(-0,2) = 0$$

$$\mu_{PB}(-0,2) = 0$$

2. Pour $e = 0,1$

$$\mu_{NB}(0,1) = 0$$

$$\mu_N(0,1) = \frac{0,1 - 0,2}{-0,5 - 0,2} = \frac{-0,1}{-0,7} = 0,14$$

$$\mu_P(0,1) = \frac{0,1 + 0,4}{0,2 + 0,4} = 0,83$$

$$\mu_{PB}(0,1) = \frac{0,1 - 0}{1,25 - 0} = 0,08$$

3-1: Les règles actives Pour U_1 et U_2

- R1: Si e est NB $\min(0,28, 0,14)$ et e est N $\min(0,14, 0,08)$ alors U_1/U_2 est N $0,14$ max
- R2: Si e est NB $\min(0,28, 0,08)$ et e est P $\min(0,08, 0,05)$ alors U_1/U_2 est N $0,08$ ou
- R3: Si e est NB $\min(0,28, 0,05)$ et e est PB $\min(0,05, 0,08)$ alors U_1/U_2 est N $0,08$ ou
- R4: Si e est N $\min(0,66, 0,14)$ et e est N $\min(0,14, 0,08)$ alors U_1/U_2 est Z $0,14$ ou
- R5: Si e est N $\min(0,66, 0,08)$ et e est P $\min(0,08, 0,05)$ alors U_1/U_2 est N $0,05$ ou
- R6: Si e est N $\min(0,66, 0,05)$ et e est PB $\min(0,05, 0,08)$ alors U_1/U_2 est N $0,08$ ou

3.2- déduire la fonction d'appartenance résultante

1^{er} Etape: Calculer le degré de vérité pour chaque règle floue

$$R1: \min(0,28, 0,14) = 0,14$$

$$R2: \min(0,28, 0,08) = 0,08$$

$$R3: \min(0,28, 0,05) = 0,05$$

$$R4: \min(0,66, 0,14) = 0,14$$

$$R5: \min(0,66, 0,08) = 0,08$$

$$R6: \min(0,66, 0,05) = 0,05$$

Agrégation des règles :

$$N \rightarrow \max(0,14, 0,28, 0,08, 0,66, 0,08) = 0,66$$

$$Z \rightarrow \max(0,14) = 0,14$$

3.3 Calculer la valeur de la commande L_1 par la méthode de centre de gravité =

$$S_1 = \frac{0,1 \times 0,66}{2} = 0,033$$

$$S_2 = 0,1 \times 0,66 = 0,066$$

$$S_3 = 0,03 \times 0,66 = 0,019$$

$$S_4 = 0,13 \times 0,66 = 0,085$$

$$S_5 = 0,54 \times 0,14 = 0,075$$

$$C_1 = \frac{2}{3} \times 0,1 = 0,066$$

$$C_2 = 0,1 + \frac{0,1}{2} = 0,15$$

$$C_3 = 0,2 + \frac{0,03}{2} = 0,21$$

$$C_4 = 0,23 + (0,13)(0,571) = 0,30$$

$$C_5 = \frac{0,54}{2} + 0,36 = 0,63$$

$$L_1 = \frac{\sum_{i=1}^5 S_i C_i}{\sum S_i}$$

$$(0,033)(0,066) + (0,066)(0,15) + (0,019)(0,21) + (0,085)(0,30) + (0,075)(0,63)$$

$$L_1 = \frac{0,033 + 0,066 + 0,019 + 0,085 + 0,075}{0,033 + 0,066 + 0,019 + 0,085 + 0,075}$$

$$L_1 = 0,31$$

3.3.2. La valeur de L_2 par la méthode de Moyenne maximale:

$$L_2 = \frac{0 + 0,6}{2} = 0,3$$

