

TD 2 de Stabilité et dynamique des réseaux électriques

Exercice 01

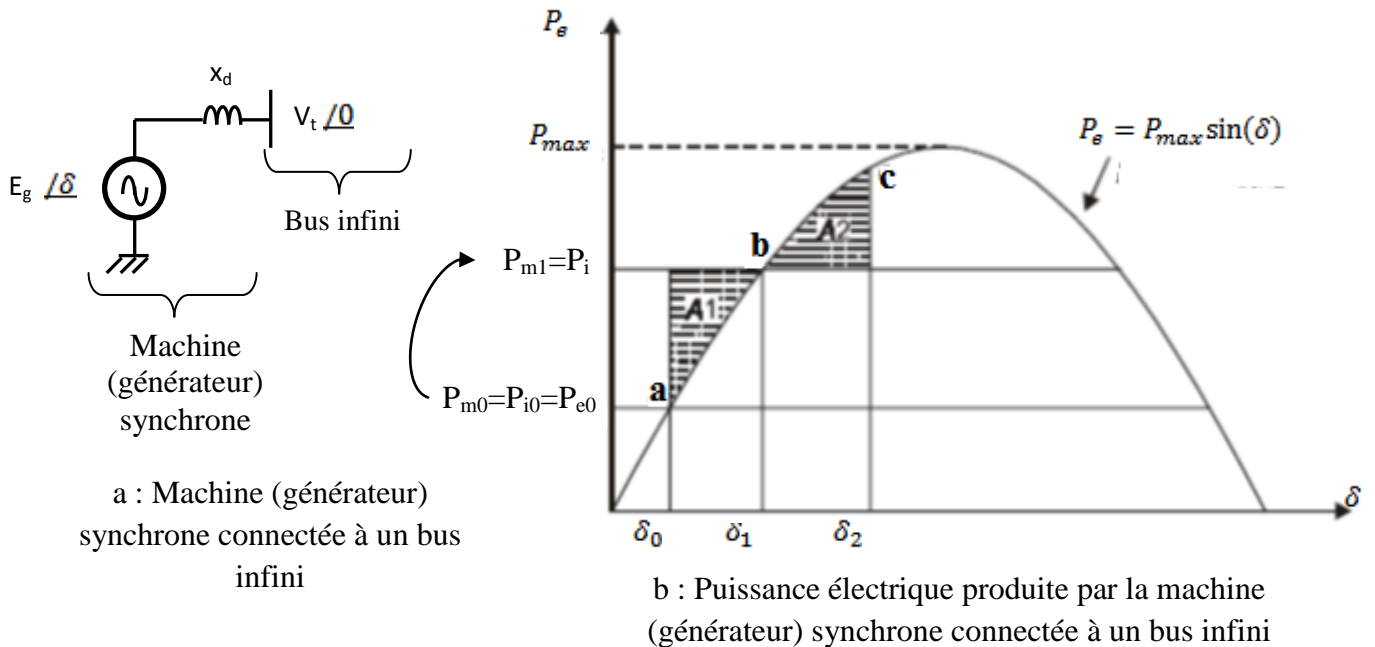


Figure 1. Machine (générateur) synchrone connectée à un bus infini avec sa puissance électrique produite

Dans la figure 1.a, On suppose que la machine (générateur) synchrone est connectée à un bus infini de tension constante ($V_t = \text{constant}$ et angle de phase nulle). On suppose aussi que la réactance inductive entre la machine et le bus infini x_d est constante et que l'amplitude de la tension de la fem de la machine est maintenue constante ($E_g = \text{Constante}$) grâce au courant d'excitation.

Le point (a) correspondant à δ_0 est le point de fonctionnement de l'état initial. En ce point, la puissance mécanique d'entrée de la machine ($P_{m0} = P_{i0}$) est égale à la puissance électrique développée (P_{e0}): $P_{m0} = P_{i0} = P_{e0}$. Une augmentation rapide de la puissance mécanique s'est produite de P_{i0} à P_i .

La relation qui lie les puissances mécanique, électrique et l'angle du rotor (l'angle de puissance) est donnée par l'équation suivante:

$$M \frac{d^2 \delta}{dt^2} = P_i - P_e = P_a,$$

(Avec M est l'inertie de la partie tournante (rotor et ses accessoires)).

1- Le critère de stabilité ($\frac{d\delta}{dt} = 0$) implique que : $(\frac{d\delta}{dt})^2 = \frac{2}{M} \int_{\delta_0}^{\delta} P_a d\delta = \int_{\delta_0}^{\delta} P_a d\delta = 0$

Où : $P_a = P_i - P_e$: la puissance d'accélération du rotor

δ_0 : l'angle initial avant variation de la puissance mécanique P_i

Selon l'équation précédente, la stabilité basée sur la méthode des aires égales implique que :

$$\text{Aire A1} = \text{Aire A2}$$

$$\text{ou } \int_{\delta_0}^{\delta_1} (P_i - P_{\max} \sin \delta) d\delta = \int_{\delta_1}^{\delta_2} (P_{\max} \sin \delta - P_i) d\delta$$

- **Démontrer que la stabilité d'angle de puissance n'est assurée que si la condition suivante est vérifiée :**

$$(\delta_2 - \delta_0) \sin \delta_1 + \cos \delta_2 - \cos \delta_0 = 0$$

2- On suppose que ce générateur triphasé, capable de produire une puissance maximale de 500MW par phase, fonctionne sous un angle de rotor (angle de puissance) de 8° . En supposant que la puissance P_{\max} reste constante, **Quelle est l'augmentation soudaine (instantanée) maximale de la puissance mécanique appliqué au générateur sans que le système perde sa stabilité ?**

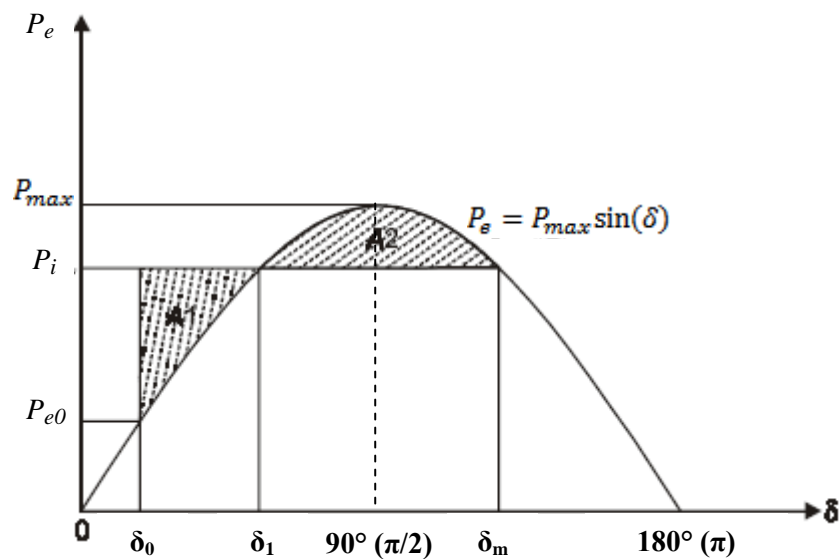


Figure 2. Puissance électrique produite par une machine (générateur) synchrone connectée à un bus infini (limite de stabilité caractérisé par l'angle maximal du rotor δ_m)

Corrigé type de TD 2 de Stabilité et dynamique des réseaux électriques

Exercice 01

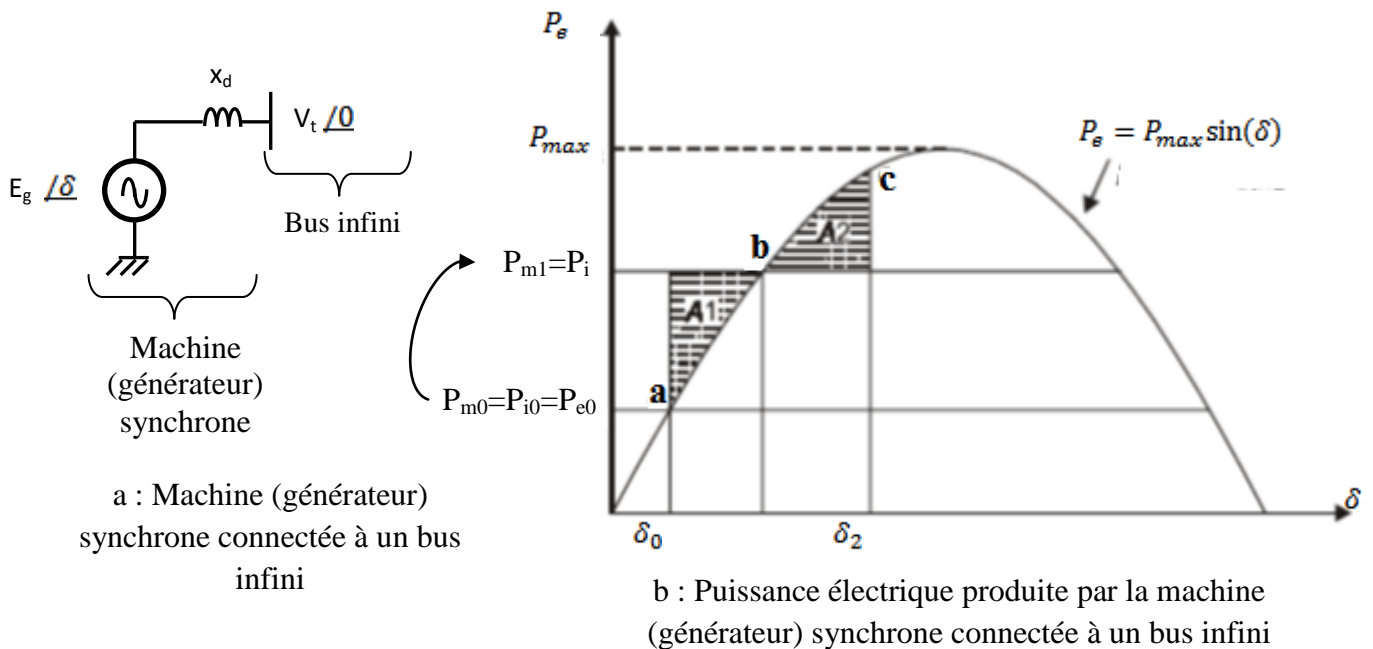


Figure 1. Machine (générateur) synchrone connectée à un bus infini avec sa puissance électrique produite

Dans la figure 1.a, On suppose que la machine (générateur) synchrone est connectée à un bus infini de tension constante ($V_t = \text{constant}$ et angle de phase nulle). On suppose aussi que la réactance inductive entre la machine et le bus infini x_d est constante et que l'amplitude de la tension de la fem de la machine est maintenue constante ($E_g = \text{Constante}$) grâce au courant d'excitation.

Le point (a) correspondant à δ_0 est le point de fonctionnement de l'état initial. En ce point, la puissance mécanique d'entrée de la machine ($P_{m0} = P_{i0}$) est égale à la puissance électrique développée (P_{e0}): $P_{m0} = P_{i0} = P_{e0}$. Une augmentation rapide de la puissance mécanique s'est produite de P_{i0} à P_i .

La relation qui lie les puissances mécanique, électrique et l'angle du rotor (l'angle de puissance) est donnée par l'équation suivante:

$$M \frac{d^2 \delta}{dt^2} = P_i - P_e = P_a,$$

(Avec M est l'inertie de la partie tournante (rotor et ses accessoires)).

1- Le critère de stabilité ($\frac{d\delta}{dt} = 0$) implique que : $(\frac{d\delta}{dt})^2 = \frac{2}{M} \int_{\delta_0}^{\delta} P_a d\delta = \int_{\delta_0}^{\delta} P_a d\delta = 0$

Où : $P_a = P_i - P_e$: la puissance d'accélération du rotor

δ_0 : l'angle initiale avant variation de la puissance mécanique P_i

Selon l'équation précédente, la stabilité basée sur la méthode des aires égales implique que :

$$\text{Aire A1} = \text{Aire A2}$$

$$\text{ou } \int_{\delta_0}^{\delta_1} (P_i - P_{\max} \sin \delta) d\delta = \int_{\delta_1}^{\delta_2} (P_{\max} \sin \delta - P_i) d\delta$$

- **Démontrer que la stabilité d'angle de puissance n'est assurée que si la condition suivante est vérifiée :**

$$(\delta_2 - \delta_0) \sin \delta_1 + \cos \delta_2 - \cos \delta_0 = 0$$

Solution :

$$\text{Aire A1} = \text{Aire A2}$$

$$\text{ou } \int_{\delta_0}^{\delta_1} (P_i - P_{\max} \sin \delta) d\delta = \int_{\delta_1}^{\delta_2} (P_{\max} \sin \delta - P_i) d\delta$$

$$P_i(\delta_1 - \delta_0) + P_{\max}(\cos \delta_1 - \cos \delta_0) =$$

$$P_i(\delta_1 - \delta_2) + P_{\max}(\cos \delta_1 - \cos \delta_2)$$

mais

$$P_i = P_{\max} \sin \delta_1$$

Ce qui donne :

$$P_{\max}(\delta_1 - \delta_0) \sin \delta_1 + P_{\max}(\cos \delta_1 - \cos \delta_0) = P_{\max}(\delta_1 - \delta_2) \sin \delta_1 + P_{\max}(\cos \delta_1 - \cos \delta_2)$$

Après simplification, on obtient :

$$(\delta_2 - \delta_0) \sin \delta_1 + \cos \delta_2 - \cos \delta_0 = 0$$

2- On suppose que ce générateur triphasé, capable de produire une puissance maximale de 500MW par phase, fonctionne sous un angle de rotor (angle de puissance) de 8° . En supposant que la puissance P_{max} reste constante, **Quelle est l'augmentation soudaine (instantanée) maximale de la puissance mécanique appliqué au générateur sans que le système perde sa stabilité ?**

Solution :

Initialement, $\delta_0=8^\circ$,
 Donc $P_{e0} = P_{max} \sin(\delta_0) = 500 \sin(8^\circ) = 69.6\text{MW}$

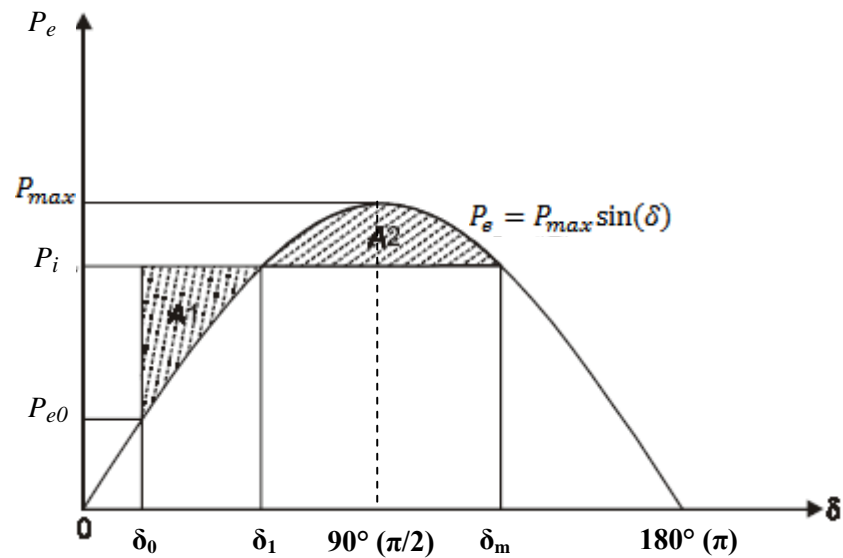


Figure 2. Puissance électrique produite par une machine (générateur) synchrone connectée à un bus infini (limite de stabilité caractérisé par l'angle maximal du rotor δ_m)

L'angle δ_m est l'angle du rotor que peut prendre le rotor avant de perdre le synchronisme (la stabilité d'angle du rotor). Si cet angle est dépassé, P_i va être de nouveau supérieure à P_e et le rotor va accélère de nouveau et la stabilité angulaire (synchronisme) va être perdue (Figure 2). Pour cela, le critère des aires égales exige que la condition suivante soit vérifiée, tout en remplaçant δ_2 par δ_m :

$$\text{Aire A1} = \text{Aire A2}$$

ou

$$\int_{\delta_0}^{\delta_1} (P_i - P_{max} \sin \delta) d\delta = \int_{\delta_1}^{\delta_2} (P_{max} \sin \delta - P_i) d\delta$$

$$P_i(\delta_1 - \delta_0) + P_{max}(\cos \delta_1 - \cos \delta_0) =$$

$$P_i(\delta_1 - \delta_2) + P_{max}(\cos \delta_1 - \cos \delta_2)$$

En remplaçant δ_2 par δ_m , sachant que selon la figure 2, $\delta_m = \pi - \delta_1$. Donc l'équation

$$(\delta_2 - \delta_0) \sin \delta_1 + \cos \delta_2 - \cos \delta_0 = 0$$

devient

$$\begin{aligned}(\pi - \delta_1 - \delta_0) \sin \delta_1 + \cos(\pi - \delta_1) - \cos \delta_0 &= 0 \\(\pi - \delta_1 - \delta_0) \sin \delta_1 - \cos \delta_1 - \cos \delta_0 &= 0 \dots\end{aligned}$$

En remplaçant $\delta_0 = 8^\circ = 0.139 \text{radian}$ par sa valeur dans l'équation précédente, on obtient :

$$(3 - \delta_1) \sin \delta_1 - \cos \delta_1 - 0.99 = 0$$

En résolvant cette équation, on obtient $\delta_1 = 50^\circ$

Dans ce cas : $P_{ef} = P_{max} \sin \delta_1 = 500 \sin 50^\circ = 383.02 \text{ MW}$

Sachant que initialement, la puissance électrique développée par la machine est $P_{e0} = 69.6 \text{ MW}$, la machine peut tolérer une augmentation soudaine de la puissance électrique par phase de

$$P_{ef} - P_{e0} = 383.02 - 69.6 = 313.42 \text{ MW}$$

Ou une puissance triphasée (totale) de

$$3 \times 313.42 = 940.3 \text{ MW}$$