

Chapitre 2

Electromagnétisme dans les milieux

- Introduction

Dans les milieux tels que le vide, les métaux où les plasmas, les densités de charges ρ qualifiées à densités des charges libres et densités des charges liées

$$\rho = \rho_{libre} + \rho_{liées}$$

ρ_{libre} : La valeur moyenne de densités des charges libres ainsi que de la charge des ions libres éventuels présentes dans le milieu

$\rho_{liées}$: La valeur moyenne de densités des charges liées (électron et proton) présentes à l'intérieur des atomes neutres du milieu

- De même façon pour la densité du courant

$$\vec{J} = \vec{J}_{libre} + \vec{J}_{liée}$$

- Equation de maxwell dans les milieux

Les expressions des densités correspondantes conduisent à reformuler les équations de Maxwell en introduisant de nouveaux champ

\vec{D} et \vec{H}

Si en définit:

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{p}$$

- Où \vec{p} est la polarisation (où densité de moment dipolaire)

$$\rho_{liées} = -div\vec{p}$$

$$\vec{p} = \sum_i q_i \vec{r}_i$$

\vec{r}_i : La distance de la charge q_i au centre de l'atome.

À l'ordre le plus bas du développement

$$div\vec{D} = \rho_{libre}$$

- Démonstration

$$\begin{aligned}\vec{\nabla} \cdot \vec{E} &= \frac{\rho}{\epsilon_0} \\ &= \frac{1}{\epsilon_0} (\rho_{libres} + \rho_{liées}) \\ &= \frac{\rho_{libres}}{\epsilon_0} + \frac{\rho_{liées}}{\epsilon_0}\end{aligned}$$

On sait que

$$\begin{aligned}\rho_{liées} &= -\vec{\nabla} \cdot \vec{p} \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{E} &= \frac{\rho_{libres}}{\epsilon_0} - \frac{\vec{\nabla} \cdot \vec{p}}{\epsilon_0} \\ \vec{\nabla} \cdot \left[\vec{E} + \frac{\vec{p}}{\epsilon_0} \right] &= \frac{\rho_{libres}}{\epsilon_0} \\ \vec{\nabla} \cdot [\epsilon_0 \vec{E} + \vec{p}] &= \frac{\rho_{libres}}{\epsilon_0}\end{aligned}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho_{libres}.$$

- Et si on définit:

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M}$$

Où \vec{M} la densité de dipôle magnétique

$$\vec{M} = \frac{1}{\Delta V} \sum_i \vec{m}_i$$

ΔV : volume infiniment petit entourant un point donné

\vec{m}_i : moment magnétique d'une molécule individuelle ou atome

$$\sum_i \vec{m}_i = \sum_i q_i \vec{r}_i \wedge \vec{v}_i$$

- On obtient

$$\overrightarrow{rot}\vec{H} = \overrightarrow{J_{libre}} + \frac{\partial\vec{D}}{\partial t}$$

- Les deux autres équations de maxwell restent inchangées.
- Alors les équations de maxwell dans les milieux:

- $div\vec{D} = \rho_{libre}$

- $div\vec{B} = 0$

- $\overrightarrow{rot}\vec{E} = -\frac{\partial\vec{B}}{\partial t}$

- $\overrightarrow{rot}\vec{H} = \overrightarrow{J_{libre}} + \frac{\partial\vec{D}}{\partial t}$