

الاهتزازات والامواج

السلسلة رقم: 01

التمرين الأول:

أنشر الدوال : $\cos x, \sin x, (1+x)^\alpha$ حسب منشور تايلور في جوار الصفر ثم أستنتج دساتير التقريب لهذه الدوال في جوار الصفر.

التمرين الثاني:

لدينا الدالة الدورية التالية:

$$f(t) = -t^2 + \pi^2 \quad -\pi \leq t \leq \pi$$

- 1- أنشر الدالة على شكل سلسلة فورييه
- 2- هل المساواة محققة دوماً ؟

التمرين الثالث:

نفس الأسئلة السابقة من أجل:

$$f(t) = \begin{cases} +1 & -\pi < t \leq 0 \\ (1/\pi)t + 1 & 0 \leq t < \pi \end{cases}$$

التمرين الرابع:

لدينا الدالتين الجيبيتين التاليتين:

$$x_1(t) = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1)$$

$$x_2(t) = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2)$$

بين أن المجموع $x = x_1 + x_2$ دالة جيبية أيضا لها نفس النبض ω . أستنتج الطويلة والصفحة الابتدائية A و φ على التوالي لـ x .

التمرين الخامس:

جد x بطريقة الأعداد المركبة.

التمرين السادس:

من أجل الشروط الابتدائية $y(0)=1$ و $\dot{y}(0)=0$ جد الحل العام للمعادلات التفاضلية التالية:

$$\ddot{y}(t) + 4y(t) = 5\cos(3t)$$

$$\ddot{y}(t) + 5\dot{y}(t) + 4y(t) = 5\cos(3t)$$

$$\ddot{y}(t) + 5\dot{y}(t) + 4y(t) = f(t)$$

حيث أن $f(t)$ دالة معرفة بالشكل التالي:

$$f(t) = \begin{cases} -1 & -\pi < t < 0 \\ +1 & 0 < t < \pi \end{cases}$$

ملاحظة:

لا نأخذ بعين الاعتبار إلا الحدين الأولين في سلسلة فورييه لـ $f(t)$.

VIBRATIONS ET ONDES

Série N°01

Exercice N°01 :

Développer en série de Taylor les fonctions suivantes au voisinage de Zéro : $\sin x$, $\cos x$, $(1+x)^\alpha$. En déduire les expressions approximatives.

Exercice N°02 :

1- Développer en série de Fourier la fonction périodique suivante :

$$f(t) = -t^2 + \pi^2 \quad -\pi \leq t \leq \pi$$

2- L'égalité est-elle toujours vérifiée ?

Exercice N°03 :

Même question pour :

$$f(t) = \begin{cases} +1 & -\pi < t \leq 0 \\ (1/\pi)t + 1 & 0 \leq t < \pi \end{cases}$$

Exercice N°04 :

On considère les deux fonctions sinusoïdales suivantes :

$$x_1(t) = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1)$$

$$x_2(t) = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2)$$

Montrer que $x = x_1 + x_2$ est aussi une fonction sinusoïdale de pulsation ω . En déduire l'amplitude et la phase initiale A et φ respectivement.

Exercice N°05 :

Trouver x par la méthode des nombres complexes.

Exercice N°06 :

Résoudre les équations différentielles suivantes:

$$\ddot{y}(t) + 4y(t) = 5\cos(3t)$$

$$\ddot{y}(t) + 5\dot{y}(t) + 4y(t) = 5\cos(3t)$$

$$\ddot{y}(t) + 5\dot{y}(t) + 4y(t) = f(t)$$

Les conditions initiales étant : $y(0)=1$ et $\dot{y}(0)=0$ et $f(t)$ est une fonction définie par :

$$f(t) = \begin{cases} -1 & -\pi < t < 0 \\ +1 & 0 < t < \pi \end{cases}$$

Représenter géométriquement les solutions générales.

Req :

On ne prend en considération que les deux premiers termes du développement de Fourier de $f(t)$.