

الطريقة البيانية لحل مسائل البرمجة الخطية

التمرين الأول:

تقوم شركة العجائن عمر بن عمر بإنتاج نوعين من المنتجات (الكسكس والمقرونة)؛ باستعمال المادتين A وB، الحد الأقصى المتاح لهما هو 6 طن و8 طن على التوالي، في حين أن الطلب اليومي عليهما يوضحه الجدول التالي:

المادة المتاحة بالطن	المقرونة	الكسكس	
			المادة الأولى A
			المادة الأولى B
6	2	1	
8	1	2	

بعد دراسة السوق تم إعطاء الملاحظات التالية:

- ✓ الطلب اليومي على المقرونة ناقص الطلب اليومي على الكسكس لا يمكن أن يتجاوز 1 طن.
- ✓ الطلب اليومي على المقرونة لا يمكن أن يتجاوز 2 طن.
- ✓ الأسعار قدرت بـ 3 دولار لطن الواحد من الكسكس؛ و 2 دولار لطن الواحد من المقرونة.

المطلوب: إذا كنت مشرفاً على دائرة الإنتاج، كم يجب على هذه المؤسسة أن تنتج من هذين المنتجين لكي تحقق أكبر عائد ممكن؟

التمرين الثاني:

لديك البرنامج الخطى التالي:

$$\begin{array}{ll}
 \text{المحاطة الإجمالية} & \text{Min } Z_p = 8X_1 + 3X_2 \\
 \text{الموارد المالية المتاحة} & \text{St :} \\
 50X_1 + 100X_2 \leq 1200 & \\
 \text{العائد السنوي} & 5X_1 + 4X_2 \geq 60 \\
 \text{عدد الوحدات الأدنى في السوق المالية} & X_2 \geq 3 \\
 X_1, X_2 \geq 0 &
 \end{array}$$

حيث تمثل:

- X_1 الوحدات المشتراء من المخزون المالي؛
 X_2 الوحدات المشتراء في السوق المالي (الوحدات مقدرة بآلاف).

المطلوب:

1. أوجد مجال العملية لـ العائد السنوي.
2. كيف يتغير الحل الأمثل وقيمتها في حالة ما العائد السنوي زاد إلى 65.
3. كيف يتغير الحل الأمثل وقيمتها في حالة ما قياس المخاطرة للمخزون المالي تغير من 8 إلى 9.

التمرين الثالث:

يقوم مجمع كوندور للصناعات الإلكترونية بإنتاج نوعين من الألواح الإلكترونية (رفيعة الجودة ومتوسطة الجودة) عبر ثلات ورشات؛ متطلبات زمن الإنتاج وسعر البيع لكل وحدة منتجة موضح بالجدول التالي :

		زمن الإنتاج (ساعات)			النموذج
تكلفة الإنتاج	سعر البيع	الورشة الثالثة	الورشة الثانية	الورشة الأولى	
7	12	1/8	1/2	1	رفيعة الجودة
					متوسطة الجودة
		100	300	900	ساعات الإنتاج المتاحة

المطلوب: بافتراض أن المؤسسة مهتمة بتعظيم الربح، أجب على الآتي:

- 1 أوجد البرنامج الخطي للمؤسسة.
- 2 أوجد الحل الأمثل للبرنامج؟
- 3 ما هي ساعات الإنتاج الممكن تخطيها لكل ورشة؟
- 4 أوجد مقدار الزيادة المسموح بها للمورد الثاني؟

التمرين الرابع:

مصنع لالكترونيات الصغيرة ينتج نموذجين من الآلات الحاسبة هما : الحاسبة التجارية والحاسبة العلمية.

كلا نوعين من الحاسبتين يمر عبر ثلاثة أقسام هي:

- قسم التسليم: عدد ساعات العمل المتاحة به هو 55 ساعة عمل يوميا.
- قسم التجميع: عدد ساعات العمل المتاحة به هو 72 ساعة عمل يوميا.
- قسم الاختبار: عدد ساعات العمل المتاحة به هو 20 ساعة عمل يوميا.

الحاسبة التجارية الواحدة تتطلب 2 ساعة عمل في قسم التسليم و12 ساعات في قسم التجميع و2 ساعة في قسم الاختبار.

الحاسبة العلمية الواحدة تتطلب 4 ساعات عمل في القسم التسليم و6 ساعات عمل في قسم التجميع و4 ساعات عمل في قسم الاختبار.

إذا كان ربح الحاسبة التجارية الواحدة يقدر ب 25 دينار؛ في حين يقدر ربح الحاسبة العلمية الواحدة ب 30 دينار.

المطلوب:

1. أكتب البرنامج الخطي الذي من شأنه تعظيم ربح المصنع.
2. أوجد الكميات الواجب إنتاجها من كلا النوعين والتي تجعل الربح في أعظم قيمة باستخدام الطريقة البيانية؟
3. حدد الطاقات غير المستغلة من كل قسم إن وجدت؟

التمرين الخامس:

قامت مؤسسة حليب الحضنة بالاستعانة بمكتب للدراسات والأبحاث من أجل وضع خطة إنتاج منتجين جديدين هما: الجن الأبيض والأحمر؛ المكتب مقيد بمجموعة من القيود، المتمثلة في:

- ✓ ساعات العمل المتاحة يوميا قدرت بـ 10 ساعات؛ حيث يتطلب الجن الأبيض ساعة عمل واحدة للوحدة المنتجة الواحدة؛ ويتطلب الجن الأحمر $1/2$ ساعة عمل للوحدة المنتجة الواحدة.
- ✓ المادة الأولية محددة بـ 12 وحدة كل منتج يستعمل وحدة واحدة منها لإنتاج وحدة واحدة.
- ✓ المادة الأولية المتاحة تمثل في 18 وحدة، بحيث يتطلب الجن الأبيض وحدة واحدة للوحدة المنتجة الواحدة؛ ويتطلب الجن الأحمر $2/3$ وحدة للوحدة المنتجة الواحدة.

إذا كانت المؤسسة تحقق هامش ربح قدره 2 وحدة نقدية لكل وحدة منتجة من الجن الأبيض، و4 وحدات نقدية لكل وحدة منتجة من الجن الأحمر.

المطلوب:

- 1- إذا كانت صاحب هذه المؤسسة ما هي الخطة المثلثي التي يمكن العمل بها؟
- 2- ما هي الموارد التي تظهر عائقا أمام توسيع حجم الإنتاج؟