

## Magnétisme d'atome

### Moment magnétique orbital de l'électron :

#### Etude classique

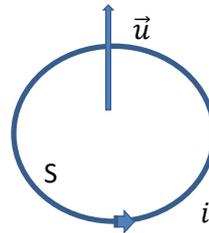
Considérons le mouvement orbital de l'électron de l'atome de Bohr. A ce mouvement est associé un moment cinétique

$$\vec{L} = \vec{r} \wedge m\vec{v}$$

On peut aussi considérer qu'au mouvement circulaire de l'électron est associée une boucle de courant.

Classiquement, à une telle boucle de courant est associé un moment magnétique  $\vec{M}$  donné par

$$\vec{M} = i\vec{S}$$



Décrivant un mouvement circulaire uniforme d'une charge  $q = -e$  sur une orbite de rayon  $r$  avec une vitesse  $v$

$$i = \frac{-e}{T} ; \quad T = \frac{2\pi r}{v}$$
$$\Rightarrow i = \frac{-ev}{2\pi r}$$

Nous considérons un ensemble de points matériels de masse  $m$ , de charge  $q$  situées en point  $M$  et animer du vitesse  $v$

On définit le moment magnétique  $\vec{\mu}$ , et le moment cinétique  $\vec{L}$  par rapport au point  $O$ .

Le système que nous considérons est un atome dont le centre de masse est assimilé au noyau que nous prenons comme origine  $O$ . Dans ce cas, seuls les électrons contribuent à la constitution des moments cinétique et magnétique .

$$\vec{\mu} = \frac{1}{2} \sum q \vec{r} \wedge \vec{v}$$

$$\vec{L} = \sum m_e \vec{r} \wedge \vec{v}$$

Pour un seul électron on a

$$\vec{\mu} = \frac{1}{2} q \vec{r} \wedge \vec{v}$$

$$Q = -e$$

$$\vec{\mu} = \frac{1}{2}(-e)\vec{r} \wedge \vec{v}$$

Et comme

$$\vec{L} = m(\vec{r} \wedge \vec{v})$$

Donc

$$\vec{r} \wedge \vec{v} = \frac{\vec{L}}{m}$$

Alors

$$\vec{\mu} = \frac{-e}{2} \frac{\vec{L}}{m}$$

$$\vec{\mu} = \gamma \vec{L}$$

Où

$$\gamma = \frac{-e}{2m} \text{ (le rapport gyromagnétique).}$$

Dans le cas de l'atome de Bohr ou

$$L = n\hbar,$$

on doit donc avoir

$$\mu = \gamma n\hbar = n\left(\frac{-e}{2m}\hbar\right)$$

$$\mu = -n\mu_B$$

La quantité  $\mu_B = \left(\frac{e}{2m}\hbar\right)$  s'appelle le magnéton de Bohr

$$\mu_B = \left(\frac{e}{2m}\hbar\right) = \frac{h}{2\pi} \frac{e}{2m_e} = 9.273 \times 10^{-24} \text{ Am}^2$$

A cette contribution s'ajoutent les moments cinétiques et les moments magnétiques de spin, correspondant au mouvement de rotation de l'électron sur lui-même et en plus rajoute le mouvement du noyau crée un champ magnétique qui va donc interagir avec le moment magnétique de spin de l'électron : Il s'agit du couplage **spin-orbite**.

Le moment cinétique total résultant est alors déterminé par le couplage spin-orbite en fonction de **L** et **S** et relié au nombre quantique **J**

On obtient

$$\mu_0 = g_j J \mu_B$$

où  $g_j$  le facteur de Landé

$$g_j = 1 + \frac{j(j+1) + s(s+1) - L(L+1)}{2j(j+1)}$$

### Remarque

Les règles de Hund permettent de déterminer les configurations les plus stables et donc la valeur des nombres  $L, S, J$ .