6.1. Définition

Un mélange est une phase (gaz, liquide ou solide) qui contient plus d'une substance : toutes les substances sont considérées de la même façon.

Une solution est une phase (liquide ou solide) qui contient plus d'une substance : l'une des substances, en quantité importantes devant toute les autres, est appelée solvant (1), les autres substances sont appelées solutés (2).

6.2. Définition d'une solution idéale

Considérons 1 mélange binaire de 2 composés notés j_1 et j_2 . La théorie montre que l'existence d'1 mélange idéal (parfait) exige deux conditions :

- Lorsque les deux molécules j_1 et j_2 sont de formule chimique voisine et il n'y a pas de variation de volume lors du mélange des 2 constituants : $V(m\acute{e}lange\ id\acute{e}al) = n_1\ V_1^* + n_1\ V_2^*$
- Les interactions à distance entre les différentes molécules j_1 et j_2 de la solution sont de même ordre de grandeur : les interactions $j_1 j_1$, $j_1 j_2$, $j_2 j_1$ et $j_2 j_2$ sont très voisines

Exemples: Quelques exemples de solutions idéales

Composé 1		Composé 2	
	Benzène (C ₆ H ₆)	Toluène (C ₆ H ₅ CH ₃)	CH ₃
H ₃ C CH ₃	Hexane (C ₆ H ₁₄)	Heptane (C ₇ H ₁₆)	H ₃ C CH ₃
H	Iodure de méthyle (CH ₃ I)	chlorure de méthyle (CH ₃ Cl)	H C \ H

6.4. Propriétés des solutions idéales

On appelle solution idéale, toute solution dont le potentiel chimique des constituants μ_i^{cd} obéit à une loi analogue à celle du potentiel chimique des gaz parfaits:

Gaz parfaits

$$\mu_j^{GP}(T, \mathbf{P}) = \mu_j^{0,GP}(T, \mathbf{P}^\circ) + RT \ln \frac{P_j}{P^\circ}$$

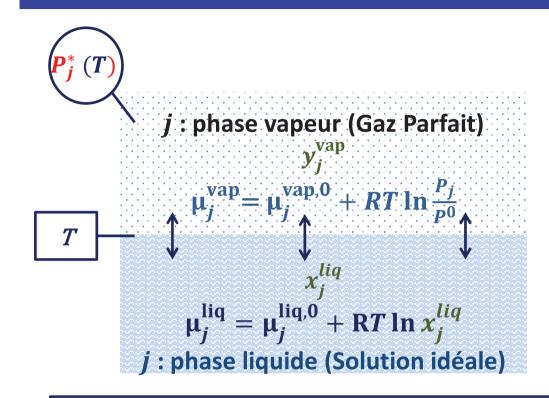
Solution idéale
$$\mu_j^{cd}(T, P) = \mu_j^{0,cd}(T, P) + RT \ln x_j$$

Avec

 x_i : Fraction molaire du constituant j dans la solution idéale, liquide ou solide.

 $\mu_i^{0,cd}$: Potentiel chimique du constituant j à l'état standard à la T et $P^{\circ} = 1bar$, il est indépendant de x_i

6.5. Equilibre liquide-vapeur dans une solution idéale : Loi de Raoult



j:phase vapeur (gaz parfait)

$$P_j = y_j^{\text{vap}} P$$

$$P_{j} = x_{j}^{liq} P_{j}^{*} (T)$$

j : phase liquide (Solution idéale)

Raoult a montré que la pression partielle du gaz P_j est donnée en fonction de sa fraction molaire $x_j^{liquide}$ dans la phase liquide et la pression de vapeur saturante P_j^* (T) du constituant j pur à la température T: $P_j = x_j^{liquide} P_j^* (T)$

Démonstration : la loi de Raoult

Considérons 1e solution idéale en équilibre avec 1e phase vapeur contenant les mêmes constituants (j).

On supposera que cette phase vapeur est 1 mélange de GP.

Le constituant (j) est donc existe dans la phase vapeur et dans la phase liquide: j ($solution\ id\'eale$) $\Rightarrow j(vapeur)$

Le potentiel chimique du constituant j dans la phase vapeur :

Le potentiel chimique du constituant j dans la phase vapeur :

j:phase vapeur (gaz parfait)

$$P_{j} = y_{j}^{\text{vap}} P$$

$$\mu_{j}^{\text{vap}} = \mu_{j}^{\text{vap,0}} + RT \ln \frac{P_{j}}{P^{0}}$$

$$\mu_{j}^{\text{liq}} = \mu_{j}^{\text{liq,0}} + RT \ln \mathbf{x}_{j}$$

j: phase liquide (Solution idéale)

A l'équilibre, on a l'égalité de potentiel chimique dans la phase liquide et vapeur: $\mu_i^{liquide} = \mu_i^{vapeur}$

$$\Rightarrow \qquad \mu_j^{0,liq} + RT \ln x_j^{liq} = \mu_j^{0,vap} + RT \ln \frac{P_j}{P^0}$$

Démonstration : la loi de Raoult



$$\frac{\mu_j^{0,liq} - \mu_j^{0,vap}}{RT} = \ln \frac{P_j}{P^0} - \ln x_j^{liq} = \ln \frac{P_j}{x_j P^0} = f(T)$$

Lorsque le corps (j) est pur:

$$x_j = 1$$
 le constituant (j) liquide pur)

$$P_j = P_j^*$$

la pression de vapeur saturante du (j) est égale la pression du (j) dans la phase vapeur

$$\frac{\mu_{j}^{0,liq} - \mu_{j}^{0,vap}}{RT} = ln \frac{P_{j}}{x_{j}P^{0}} = f(T) = ln \frac{P_{j}^{*}}{P^{0}}$$

D'où, on trouve la loi de Raoult :

$$P_{j} = x_{j}^{liquide} P_{j}^{*} (T)$$

6.6. Exemple de la présentation graphique de la loi de Raoult

Prenons le mélange toluène (1)- benzène (2) à 20 °C.

✓ Le benzène (2) est le plus volatil que le toluène (1) (car à T donnée, plus P_i^* est grande, plus le liquide (j) est volatil:

$$P_2^*(20 \,{}^{\circ}C) = 0,10 \, \text{bar} > P_1^*(20 \,{}^{\circ}C) = 0,03 \, \text{bar}$$

La loi de Raoult pour le toluène (1):

$$P_1 = x_1^{liq} P_1^* = (1 - x_2^{liq}) P_1^*$$

La loi de Raoult pour le benzène (2):

$$P_2 = x_2^{liq} P_2^*$$

La pression totale est :

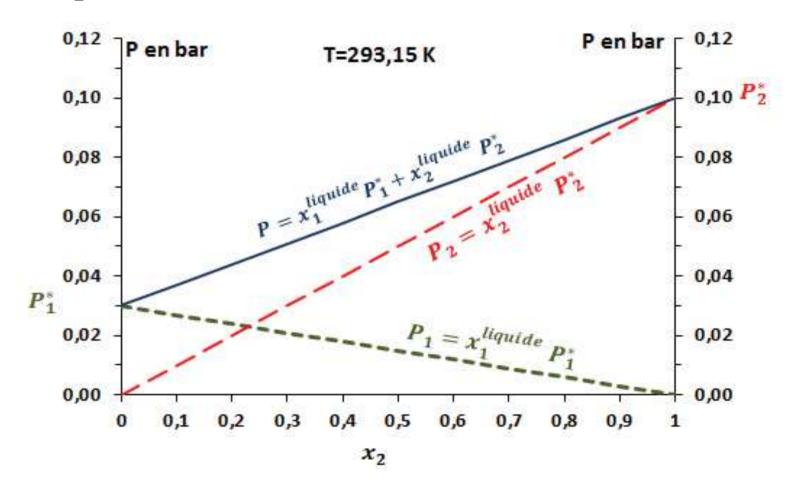
$$\boldsymbol{P} = x_1^{liq} \; \boldsymbol{P_1^*} + x_2^{liq} \; \boldsymbol{P_2^*}$$

Soit

$$P = (1 - x_2^{liq})P_1^* + x_2^{liq}P_2^*$$

Présentation graphique de la loi de Raoult pour le mélange idéal toluène (1)- benzène (2) à T=293,15 K

On obtient la représentation graphique de : $P_2=f(x_2^{liq})$, $P_1=f(x_2^{liq})$ et $P=f(x_2^{liq})$



6.7. Diagramme d'équilibre liquide-vapeur pour un mélange idéal à T=cte

On considère le même mélange idéal toluène (1)-benzène (2) en équilibre liquide-vapeur. On détermine les équations suivantes:

$$P = f\left(x_2^{liquide}\right)$$
 et $P = f\left(y_2^{vapeur}\right)$

La loi de Raoult s'applique pour les corps (1) et (2) :

$$P_1 = (1 - x_2^{liq})P_1^*$$

$$P_2 = x_2^{liq} P_2^*$$

La pression totale:

$$P = (1 - x_2^{liq})P_1^* + x_2^{liq}P_2^*$$

$$P = P_1^* + x_2^{liq}(P_2^* - P_1^*)$$



Donc la courbe $P = f\left(x_2^{liquide}\right)$ est une équation d'une droite appelée la **courbe d'ébullition**.

Pour obtenir la seconde relation $P = f(y_2^{vapeur})$, on utilise la relation des gaz parfaits et on cherche une relation entre $x_2^{liquide}$ et y_2^{vapeur}

Appliquons la loi de Dalton: $P_2 = y_2^{vap} P$

$$P_2 = y_2^{vap} P$$

Utilisons la loi de Raoult:

$$P_2 = x_2^{liq} P_2^*$$

Nous obtenons donc:

$$x_2^{liq} \stackrel{\mathbf{P_2^*}}{=} y_2^{vap} \stackrel{\mathbf{P}}{=}$$
 \Longrightarrow $x_2^{liq} = y_2^{vap} \stackrel{\mathbf{P}}{=} \frac{\mathbf{P_2^*}}{\mathbf{P_2^*}}$

La pression totale donne :

$$P = P_1^* + y_2^{vap} \frac{P}{P_2^*} (P_2^* - P_1^*)$$

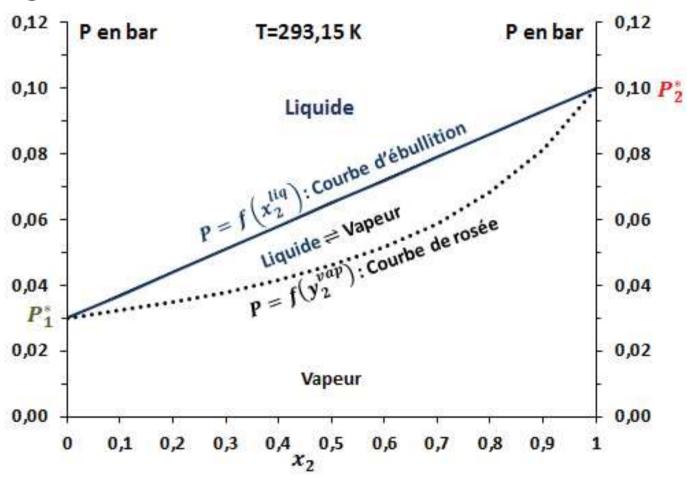
$$\Rightarrow \boxed{P\left(1 - \frac{y_2^{vap}}{P_2^*}(P_2^* - P_1^*)\right) = P_1^*} \Rightarrow \boxed{P\left(\frac{P_2^* - (P_2^* - P_1^*)y_2^{vap}}{P_2^*}\right) = P_1^*}$$

$$P = \frac{P_1^* P_2^*}{P_2^* - (P_2^* - P_1^*) y_2^{vap}}$$

La courbe $P = f(y_2^{vap})$ est une équation de **courbe d'une hyperbole** appelée la courbe de rosée ou la courbe de liquéfaction. 11

Diagramme d'équilibre liquide-vapeur pour le mélange idéal toluène (1)- benzène (2) à T=293,15 K

A T=cte, l'allure des courbes $P = f\left(x_2^{liq}\right)$ et $P = f\left(y_2^{vap}\right)$ est donné sur la figure ci-dessous:



6.8. Diagramme d'équilibre liquide-vapeur pour un mélange idéal à P=Cte

Le diagramme précédent peut se transformer en un diagramme isobare.

A P=cte, on obtient les courbes : un diagramme sous forme d'un **fuseau**, mais pour le tracer il faut trouver les 2 équations correspondantes à la courbe d'ébullition et la courbe du rosée.

 $T = g\left(x_2^{liq}\right)$ est appelée **courbe d'ébullition (Courbe inférieure)**

 $T = g(y_2^{vap})$ est appelée courbe de liquéfaction ou de rosée (Courbe supérieure)

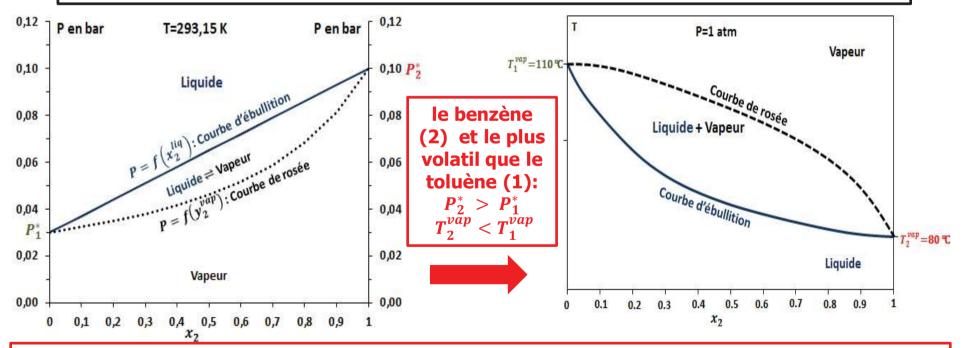


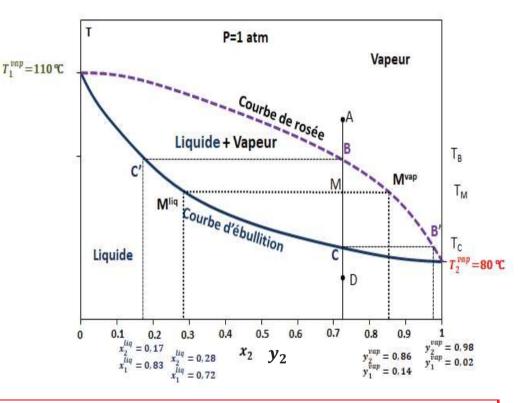
Diagramme d'équilibre liquide-vapeur pour le mélange idéal toluène (1)- benzène (2)

6.8. Diagramme d'équilibre liquide-vapeur pour un mélange idéal à P=Cte

Point A (refroidissement un mélange vapeur): le mélange à l'état vapeur, en diminuant la T, la **première goutte de liquide** apparait à T_B (point B) et leurs composition: $x_{2B} = 0$, 17 et $x_{1B} = 0$, 83. Le liquide est riche en toluène (1)

Point M: le mélange à l'état d'équilibre liquide-vapeur. A T_M, les 2 phases en équilibre ont la composition :

Dans la phase vapeur :	$y_{2,M}^{\text{vap}} = 0,86$	$y_{1,M}^{\text{vap}} = 0, 14$
Dans la phase liquide :	$x_{2,M}^{liq}=0,28$	$x_{1,M}^{liq}=0,72$



Point D (chauffage un mélange liquide): le mélange à l'état liquide, en augmentant la T, la première bulle de vapeur apparaissent à T_C (point C) et leurs composition: $y_{2c} = 0.98$ et $y_{1c} = 0.02$. La vapeur est riche en composé le plus voiatil (le benzène (2).

6.9. Théorème des moments

Au point M, nous avons un équilibre liquide-vapeur. A T_M , il y a dans le mélange:

 n^{liq} : nombre de moles dans la phase liquide

 n^{vap} : nombre de moles dans la phase vapeur

 $n_{Tot} = n^{^{liq}} + n^{^{vap}}$: nombres de moles totale dans les phases liquide et vapeur

L'équation de bilan de matière de l'espèce (2) :

$$x_M = x_2 = \frac{n_2^{liq} + n_2^{vap}}{n_{Tot}}$$

$$n_{Tot} x_2 = n_2^{liq} + n_2^{vap} = n^{liq} x_2^{liq} + n^{vap} y_2^{vap}$$

$$n_{Tot} x_2 = (n^{liq} + n^{vap})x_2 = n^{liq}x_2 + n^{vap}x_2$$
 (2)

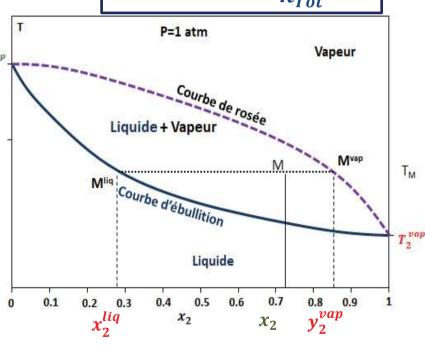
(1) et (2)
$$n^{liq} x_2^{liq} + n^{vap} y_2^{vap} = n^{liq} x_2 + n^{vap} x_2$$

$$n^{liq}x_2^{liq}-n^{liq}x_2=n^{vap}x_2-n^{vap}y_2^{vap}$$

$$n^{liq}\left(x_2^{liq}-x_2\right)=n^{vap}\left(x_2-y_2^{vap}\right)$$

Donc

$$\frac{n^{liq}}{n^{vap}} = \frac{\left(x_2 - y_2^{vap}\right)}{\left(x_2^{liq} - x_2\right)}$$



Théorème des moments

6.10. Grandeurs thermodynamiques de mélanges des solutions idéales

Rappel: la grandeur de mélange molaire ($\Delta Z_{m\acute{e}l}$) est la différence entre la grandeur réelle du mélange (Z) et sa valeur, si l'additivité (Z^*) s'appliquait:

$$\Delta Z_{m\acute{e}l} = Z(r\acute{e}el) - Z^*(corps purs)$$

$$\Delta Z_{m\acute{e}l} = (x_1 \overline{Z}_1 + x_2 \overline{Z}_2) - (x_1 Z_1^* + x_2 Z_2^*)$$

$$\Delta Z_{m\acute{e}l} = x_1 (\overline{Z}_1 - Z_1^*) + x_2 (\overline{Z}_2 - Z_2^*)$$

$$\Delta Z_{m\acute{e}l} = x_1 \Delta \overline{Z}_1 + x_2 \Delta \overline{Z}_2$$

Avec: $\Delta Z_{m\acute{e}l} = Z(r\acute{e}el) - Z^*(corps pur)$: la grandeur de mélange molaire

 $\Delta \overline{Z}_1 = \overline{Z}_1 - Z_1^*$: la grandeur de constituant (1) pur

 $\Delta \overline{Z}_2 = \overline{Z}_2 - Z_2^*$: la grandeur de constituant (2) pur

6.10.1. Enthalpie libre de mélange idéale

L'enthalpie libre de la solution idéale dans un mélange binaire :

$$\Delta G_{m\acute{e}l} = G(r\acute{e}el) - G^*(corps purs)$$

$$\Delta G_{m\acute{e}l} = (x_1 \overline{G}_1 + x_2 \overline{G}_2) - (x_1 G_1^* + x_2 G_2^*)$$

$$\Delta G_{m\acute{e}l} = x_1 (\overline{G}_1 - G_1^*) + x_2 (\overline{G}_2 - G_2^*)$$

$$\Delta G_{m\acute{e}l} = x_1 \Delta \overline{G}_1 + x_2 \Delta \overline{G}_2$$

$$\Delta G_{m\acute{e}l} = x_1 \Delta \mu_1 + x_2 \Delta \mu_2$$

Or
$$\mu_j^{liq} - \mu_j^{*,liq} = RT \ln x_j^{liq}$$

Donc,
$$\Delta G_{m\acute{e}l} = RT \left(x_1 \ln x_1^{liq} + x_2 \ln x_2^{liq} \right) < 0$$

Cas général :

L'enthalpie libre de mélange idéal de plusieurs constituants est donné par:

$$\Delta G_{m \in l} = RT \left(\sum_{j} x_{j} \ln x_{j}^{liq} \right) < 0$$

6.10.2. Entropie de mélange idéal

On sait que:
$$\overline{S_j} = -\left(\frac{\partial \mu_j}{\partial T}\right)_{P,n_j}$$

$$\text{Donc,} \quad \overline{S}_j = -\left(\frac{\partial}{\partial T}\left(\mu_j^{*,liq} + RT \ln x_j^{liq}\right)\right)_{P,n_j} = -R \ln x_j^{liq}$$

$$\text{et} \quad S_j^* = -\left(\frac{\partial \mu_j^*}{\partial T}\right)_{P,n_j} = 0$$

$$\Delta S_{m\acute{e}l} = S - S^* = (x_1 \, \overline{S}_1 + x_2 \, \overline{S}_2) - (x_1 S_1^* + x_2 S_2^*)$$

$$\Delta S_{m\acute{e}l} = x_1 \, (\overline{S}_1 - S_1^*) + x_2 \, (\overline{S}_2 - S_2^*)$$

$$\Delta S_{m\acute{e}l} = x_1 \, \Delta \overline{S}_1 + x_2 \, \Delta \overline{S}_2$$

$$\Delta S_{m\acute{e}l} = -R \left(x_1 \, \ln x_1^{liq} + x_2 \, \ln x_2^{liq}\right) > 0$$

Cas général:

L'entropie de mélange idéal de plusieurs constituants est donné par:

$$\Delta S_{m\acute{e}l} = -R \left(\sum_{j} x_{j} \ln x_{j}^{liq} \right) > 0$$

6.10.3. Enthalpie de mélange idéal

On sait que :
$$\Delta G_{m\acute{e}l} = \Delta H_{m\acute{e}l} - T\Delta S_{m\acute{e}l}$$

$$\Delta H_{m\acute{e}l} = \Delta G_{m\acute{e}l} + T\Delta S_{m\acute{e}l}$$

$$\Delta H_{m\acute{e}l} = RT \left(\sum_{j} x_{j} \ln x_{j}^{liq} \right) - T \left(R \sum_{j} x_{j} \ln x_{j}^{liq} \right) = 0$$

6.10.4. Volume de mélange pour un mélange idéal

On sait que :
$$\Delta \overline{V}_{m\acute{e}l} = \left(\frac{\partial \Delta G_{m\acute{e}l}}{\partial P}\right)_{T,n_j}$$

$$\Delta \overline{V}_{m\acute{e}l} = \left(\frac{\partial}{\partial P} \left(RT \left(x_1 \ln x_1^{liq} + x_2 \ln x_2^{liq}\right)\right)\right)_{T,n_j} = 0$$