

Epreuve finale de module : Méthodes numériquesExercice 1 : (16 points)

Soit (S) le système linéaire suivant:

$$(S) : \begin{cases} x_1 + 4x_2 + x_3 = 12 \\ 6x_1 + 2x_2 - x_3 = 7 \\ -2x_1 + x_2 + 5x_3 = 15 \end{cases}$$

Partie 01 : (08 points)

1. Ecrire le système (S) sous la forme matricielle $AX=b$.
2. Résoudre par la méthode d'élimination de Gauss le système (S) .
3. Dédire une décomposition de la matrice A , $(A=LU)$, comme produit d'une matrice triangulaire inférieure L par une matrice triangulaire supérieure U .
4. Calculer le déterminant de la matrice A .

Partie 02 : (08 points)

1. Vérifier que les processus itératifs de Jacobi et de Gauss-Seidel associés au système linéaire (S) convergent, quelque soit le vecteur initial $X^{(0)} \in \mathbb{R}^3$.
2. Calculer les trois (3) premiers itérés de la méthode de Jacobi du système (S) en

partant de $X^{(0)} \begin{pmatrix} 1 \\ 2,5 \\ 2,9 \end{pmatrix}$, et estimer l'erreur.

Exercice 2 : (4 points)

1. Ecrire un algorithme qui permet de résoudre un système linéaire triangulaire inférieure d'ordre n .
2. Ecrire un algorithme qui permet de résoudre un système linéaire d'ordre n , par la méthode de Jacobi.