

## SERIE D'EXERCICES SUR LES PROCEDURES ET LES FONCTIONS

### Niveau 1<sup>ère</sup> année tronc commun MI

#### **Exercice 1 (TD et TP)**

Un nombre parfait est un entier positif supérieur à 1, égal à la somme de ses diviseurs ; on ne compte pas comme diviseur le nombre lui-même.

Exemple : 6 est un nombre parfait puisque :  $6 = 3 + 2 + 1$ .

- Ecrire une procédure qui confirme si un entier est un nombre parfait ou non.
- Utiliser cette procédure pour chercher les nombres parfaits entre 1 et 10000.

#### **Exercice 2 (TD et TP)**

Ecrire une procédure qui prend pour arguments un entier n (la taille du tableau), le tableau de réels T et affiche le plus grand élément du tableau T ainsi que sa position dans le tableau.

#### **Exercice 3 (TD et TP)**

Deux nombres sont opposés si leur somme est égale à 0. Deux nombres sont inverses si leur produit est égal à 1. Ecrire deux procédures qui testent si deux nombres sont opposés ou non et si sont inverses ou non.

#### **Exercice 4 (A DOMICILE)**

Ecrire une procédure qui permet d'entrer deux valeurs M et N et d'afficher toutes les valeurs pairs entre M et N.

#### **Exercice 5 (TD et TP)**

Ecrire un programme qui calcule la partie entière d'un nombre positif à l'aide d'une fonction.

#### **Exercice 6 (TD et TP)**

Ecrire un programme (Algo + C) qui permet de synthétiser un tableau de N valeurs réels (N est déterminé par l'utilisateur). Cette synthèse se repose sur l'utilisation des fonctions suivantes :

- La fonction SommeTab (N,Tab) qui retourne la somme des N valeurs réelles stockées dans le tableau Tab.
- La fonction MoyenneTab (N,Tab) qui retourne la moyenne des N valeurs réelles stockées dans le tableau Tab. Cette fonction devra impérativement utiliser la fonction SommeTab écrite précédemment.
- Les fonctions MaxTab(N,Tab) et MinTab(N,Tab) qui retournent respectivement la valeur maximale et la valeur minimale des N valeurs réelles stockées dans le tableau Tab.

#### **Exercice 7 (A DOMICILE)**

Ecrire une fonction (Algo + C) qui calcule le factoriel d'un entier afin de l'utiliser pour calculer la somme de la série :  $1/1! + 2/2! + \dots + n/n!$  (n est déterminé par l'utilisateur)

#### **Exercice 8 (TD et TP)**

Soit le programme suivant :

```
#include <stdio.h>
void somcar(int a,int b, int z)
{
z=a*a+b*b;
return ;
}
```

```

int main()
{
int x,y,R;
printf ("donner x:");
scanf("%d",&x);
printf ("donner y:");
scanf("%d",&y);
r=0;
somcar(x,y,R);
printf ("la somme de %d^2 + %d^2 = %d \n",x,y,R);
return 0;
}

```

1- Ecrire son algorithme

2- Donner la valeur de **R** après l'exécution de ce programme pour les valeurs suivantes :

x=3, y=4

- Qu'est-ce que vous avez remarqué ? pourquoi ?

- Comment peut-on remédier ce problème

3- Substituer cette procédure par une fonction.

### Exercice 9 (TD et TP)

On demande d'écrire un programme avec une fonction qui transforme un nombre fourni par L'utilisateur dans une zone de saisie en sa valeur absolue (transformation réelle).

### Exercice 10 (TD et TP)

La fonction d'Ackermann est la fonction récursive définie par :

- $A(0,n) = n+1$ ;
- $m \geq 1, A(m,0) = A(m-1,1)$ ;
- $m \geq 1, n \geq 1, A(m,n) = A(m-1,A(m,n-1))$ .

Ecrire un algorithme pour cette fonction et un programme C qui utilise cette fonction pour  $1 \leq m \leq 2$  et  $1 \leq n \leq 10$

### Exercice 11 (TD et TP)

La suite de Fibonacci est définie par les formules suivantes :

- $Fib(0) = 0$
- $Fib(1) = 1$
- $Fib(n) = Fib(n-2) + Fib(n-1)$  pour  $n \geq 2$ .

Ecrire un algorithme pour cette fonction et un programme C qui utilise cette fonction pour calculer n'importe quel terme.

### Exo1

<p><b>Algorithme</b> Nombre_parfait</p> <p><b>Variables</b> x : entier</p> <p><b>Procédure</b> Parfait (a : entier)</p> <p><b>Variables</b> i, somme : entier ;</p> <p><b>Début</b> Somme ← 0</p> <p><b>Pour i Allant de 1 A a-1 Faire</b> <b>Si</b> (a mod i)=0 <b>Alors</b>     somme ←somme+i</p> <p><b>Fin si</b></p> <p><b>Fin Pour</b> <b>Si</b> (somme = a) <b>Alors</b>     Ecrire ( a," est un nombre parfait")</p> <p><b>FinSi</b></p> <p><b>Fin Procédure</b></p> <p><b>Début</b> <b>Pour x Allant de 1 A 10000 Faire</b>     Parfait(x)</p> <p><b>Fin Pour</b></p> <p><b>Fin</b></p>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; void parfait(int a) {     int i,somme;     somme=0;     for (i=1;i&lt;a;i++)         if (a%i==0)             somme=somme+i;     if (somme==a)         printf ("le nombre %d est parfait \n",a);     return ; } int main() {     int x;     for (x=1;x&lt;=10000;x++)         parfait(x);     return 0; }</pre>
--	--

### Exo2

<p><b>Algorithme</b> maximum</p> <p><b>Variables</b> i,a : entier X : tableau [] de réel</p> <p><b>Procédure</b> Max_tab (N : entier, TAB :tableau [ ] de réel)</p> <p><b>Variables</b> i,indice : entier ; max : réel</p> <p><b>Début</b> max ← TAB[0] indice ← 0</p> <p><b>Pour i=0 À N FAIRE</b> <b>Si</b> (TAB[i] &gt;max) <b>Alors</b>     max ← TAB[i]     indice ← i</p> <p><b>Fin si</b></p> <p><b>Fin pour</b> Ecrire ('Le max =', max , 'Avec l'indice =',i)</p> <p><b>Fin Procédure</b></p> <p><b>Début</b> Ecrire ('Donner la dimension de votre tableau : ') Lire (a)</p> <p><b>Pour i Allant de 0 A a-1 Faire</b>     Lire (X[i])</p> <p><b>Fin Pour</b> Max_tab(a, X)</p> <p><b>Fin</b></p>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; void Max_tableau (int n, float tab[]) {     int i, indice;     float max;     max=tab[0]; indice=0;     for (i=0;i&lt;n;i++)         printf("%.2f \t",tab[i]);     printf("\n");     for (i=1;i&lt;n;i++)         if (tab[i]&gt;max)             { max=tab[i]; indice=i;}     printf("le Max = %.2f et sa position = %d \n",max,indice+1);     return ; } int main() {     int i,a;     printf(" Donner la dimension du tableau: ");     scanf("%d",&amp;a);     float X[a];     printf("Introduiser les elements du tableau: \n ");     for (i=0;i&lt;a;i++)         { printf("tab[%d]:",i+1);           scanf("%f",&amp;X[i]);}     printf("\n");     Max_tableau(a,X);     return 0; }</pre>
--	---

### Exo 3

Algorithme test\_nombre

Variables

x,y : entier

Procédure Oppose (a : entier, b:entier)

Début

Si (a + b = 0) Alors

Ecrire (a, ' et', b, ' sont opposés)

Fin si

Fin Procédure

Procédure Inverse (a : entier, b : entier)

Début

Si (a \* b = 1) Alors

Ecrire (a, ' et', b, ' sont inverses)

Fin si

Fin Procédure

Début

Ecrire ('Donner x :')

Lire (x)

Ecrire ('Donner y :')

Lire (y)

Oppose (x, y)

Inverse (x, y)

Fin

### Exo 5

Algorithme Partie\_Entiere

Variables

a : réel

Fonction entiere (x : reel) : entier

Variable

y : entier

Debut

y ← 0 ;

Tantque (y < x) faire

y ← y + 1

FinTantque

y ← y-1

return y

Fin fonction

Début

Lire (a)

Ecrire (entiere (a))

Fin

```
#include <stdio.h>
int entiere (float x)
{
int y;
y=0;
while (y<x)
y=y+1;
y=y-1;
return y;
}
int main()
{
float a;
printf ("donner a:");
scanf("%f",&a);
printf ("la partie entiere de %f = %d \n",a ,
entiere (a));
return 0;
}
```

## Exo 6

**Algorithme** Synthese\_TAB

**Variables**

Dim, i : entier

X : tableau [ ] de réel

**Fonction** SommeTab (N : entier, TAB :tableau [ ] de réel) : entier

**Variables**

i : entier ;

somme : réel

**Début**

Somme ← 0

**Pour** i=0 **À** N-1 **FAIRE**

    somme ← somme + TAB[i]

**Fin pour**

return somme

**Fin Fonction**

**Fonction** MoyenneTab (N : entier, TAB :tableau [ ] de réel) : entier

**Début**

return (SommeTab(N,TAB)/N)

**Fin Fonction**

**Fonction** MaxTab (N : entier, TAB :tableau [ ] de réel) : entier

**Variables**

i : entier ;

Max : réel

**Début**

Max ← TAB[0]

**Pour** i=1 **À** N-1 **FAIRE**

**Si** (TAB [ i ] > max ) **Alors**

        Max ← TAB[i]

**Fin Si**

**Fin pour**

return Max

**Fin Fonction**

**Fonction** MinTab (N : entier, TAB :tableau [ ] de réel) : entier

**Variables**

i : entier ;

Min : réel

**Début**

Min ← TAB[0]

**Pour** i=1 **À** N-1 **FAIRE**

**Si** (TAB [ i ] < Min ) **Alors**

        Min ← TAB[i]

**Fin Si**

**Fin pour**

return Min

**Fin Fonction**

**Début**

Lire (Dim)

```
#include <stdio.h>
```

```
float SommeTab( int N, float Tab [ ] )
```

```
{
```

```
int i ;
```

```
float somme =0;
```

```
for ( i =0; i<N; i++)
```

```
somme += Tab [ i ] ;
```

```
return somme ;
```

```
}
```

```
float MoyenneTab( int N, float Tab [ ] )
```

```
{
```

```
return (SommeTab(N,Tab)/N);
```

```
}
```

```
float MaxTab( int N, float Tab [ ] )
```

```
{
```

```
int i ;
```

```
float max = Tab [ 0 ] ;
```

```
for ( i =1; i<N; i++)
```

```
{
```

```
if (Tab [ i ] > max )
```

```
max = Tab [ i ] ;
```

```
}
```

```
return max ;
```

```
}
```

```
float MinTab( int N, float Tab [ ] )
```

```
{
```

```
int i ;
```

```
float min = Tab [ 0 ] ;
```

```
for ( i =1; i<N; i++)
```

```
{
```

```
if (Tab [ i ] < min )
```

```
min = Tab [ i ] ;
```

```
}
```

```
return min ;
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
int i, Dim;
```

```
printf("Donner la dimension de votre tableau: ");
```

```
scanf("%d",&Dim);
```

```
float X[Dim];
```

```
for (i=0;i<Dim;i++) {
```

```
printf("X[%d] =", i+1);
```

```
scanf("%f",&X[i]); }
```

```
printf("La somme des elements de ce tableau = %f\n",SommeTab (Dim,X));
```

```
printf("La moyenne des elements de ce tableau = %f\n",MoyenneTab(Dim,X));
```

```
printf("Le Max dans ce tableau = %f\n",MaxTab(Dim,X));
```

```
printf("Le Min dans ce tableau = %f\n",MinTab(Dim,X));
```

```
return 0;
```

```
}
```

<p><b>Pour</b> i=0 À Dim-1 <b>FAIRE</b>  Lire (X[i])  <b>Fin pour</b>  Ecrire ('La somme = ', SommeTab(Dim,X))  Ecrire ('La Moyenne = ', MoyenneTab(Dim,X))  Ecrire ('Le Max = ', MaxTab(Dim,X))  Ecrire ('Le Min = ', MinTab(Dim,X))  <b>Fin</b></p>	
---	--

### **Exo 8**

Le passage du programme vers son algorithme peut être comme suit :

**Algorithme** Somme\_carre

**Variables**

x,y,R :entier

**Procédure** somcar (a : entier, b : entier, z : entier)

**Début**

z=a\*a+b\*b

**Fin Procédure**

**Début**

Ecrire ("Donner x : " )

Lier (x)

Ecrire ("Donner y : " )

Lire (y)

r←0

somcar(x,y,R)

Ecrire (R)

**Fin**

- Pour x=3 et y=4 on trouve que R =0 ? Parce que le mode de passage utilisé dans ce programme est un mode de passage par valeur.

- Nous pouvons remédier ce Pb par l'utilisation du mode de passage par adresse (par variable). Dans ce cas la procédure doit être déclarée dans l'algorithme comme suit :

**Procédure** somcar (a : entier, b : entier, **var** z : entier)

Et le programme doit être changé comme suit :

```
#include <stdio.h>
```

```
void somcar (int a,int b, int *z) /* z doit être précédé par * pour désigner une variable */
/* adresse (Pointeur) */
```

```
{
*z=a*a+b*b;
```

```
return ;
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
int x,y,R;
```

```
printf ("donner x:");
```

```
scanf("%d",&x);
```

```
printf ("donner y:");
```

```
scanf("%d",&y);
```

```
R=0;
```

```

somcar(x,y, &R); /* R doit être précédé par & pour désigner qu'on utilise l'adresse de R */
printf ("la somme de %d^2 + %d^2 = %d \n",x,y,R);
return 0;
}

```

- Nous pouvons substituer cette procédure par une fonction comme suit :

**Fonction** somcar (a : entier, b : entier) : entier

**Variables** z :entier

**Début**

z=a\*a+b\*b

**Fin Fonction**

```
int somcar (int a , intb)
```

```
{ int z
```

```
z=a*a+b*b;
```

```
return z;
```

```
}
```

### Exo 9

**Algorithme** val\_absolue

**Variables**

x:entier

**Fonction** absolue (**Var** a : entier) : entier /\* **Var** pour désigner le passage par variable (adresse)

**Début**

**Si** (a<0) **alors**

a← -a

**Fin si**

**Fin fonction**

**Début**

Ecrire ("Donner x : " )

Lier (x)

x=absolue(x)

ecrire ( ' la valeur absolut de x=',x)

**Fin**

**Programme C**

```
#include <stdio.h>
```

```
int absolut(int *a)
```

```
{
```

```
if (*a<0)
```

```
*a=-*a;
```

```
return *a;
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
int x;
```

```
printf ("donner x:");
```

```
scanf("%d",&x);
```

```
x=absolut(&x);
```

```
printf ("la valeur absolut de x = %d\n",x);
```

```
return 0;
```

```
}
```

### Exo 10

<p><b>Fonction</b> Ackermann (n, m: entier): entier</p> <p><b>Var</b> résultat: entier;</p> <p><b>Début</b></p> <p><b>Si</b> (m = 0) <b>Alors</b> résultat := n + 1; <b>Sinon</b></p> <p><b>Si</b> (n = 0) <b>Alors</b> résultat := Ackermann(m - 1, 1) <b>Sinon</b> résultat := Ackermann(m - 1, Ackermann(m, n - 1));</p> <p><b>FinSi</b> Return résultat;</p> <p><b>Fin</b></p>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; #include &lt;stdlib.h&gt; int Ackermann (int M,int N) { if(M == 0) return N+1; else { if(N == 0) return Ackermann(M-1,1); else return Ackermann(M-1,(Ackermann(M,N-1))); } } int main() { int I,J; for(I=1;I&lt;=2;I++) for(J=1;J&lt;=10;J++) { printf("Ackermann(%d,%d)=%d\n",I,J,Ackermann(I,J)); } return 0; }</pre>
--	---

### Exo 11

<p><b>Fonction</b> Fibonacci(n: entier): entier;</p> <p><b>Var</b> résultat: entier;</p> <p><b>Debut</b></p> <p><b>Si</b>(n = 0) <b>Alors</b> résultat := 0;</p> <p><b>Sinon</b> <b>Si</b>(n = 1) <b>Alors</b> résultat := 1;</p> <p><b>Sinon</b> résultat := Fibonacci(n - 1) + Fibonacci(n - 2)</p> <p><b>FinSi</b> return résultat;</p> <p><b>Fin</b></p>	<pre>#include &lt;stdio.h&gt; int fib(int n) { if (n == 0) return 0; else if (n == 1) return 1; else return (fib (n - 1) + fib (n - 2)); } int main() { int I; printf("Donnez un nombre: "); scanf("%d",&amp;I); printf("Fibonachi(%d)=%d\n",I,fib(I)); return 0; }</pre>
--	---