

**السلسلة رقم 01**

**تمرين 01:** ليكن لدينا البرنامج الخطي التالي:

$$\text{Min } C = 400x - 200y + 100z$$

Subject to:

$$\begin{aligned} 2x + 2y + z &\leq 40 && \text{المنتج A} \\ 0.5x - 2y + 4z &\geq 15 && \text{المنتج B} \\ x, y, z &\geq 0 \end{aligned}$$

حيث:  $x, y, z$  موارد.

- 1- أحسب قيمتي A و B لتحقيق أعظم ربح ممكن، ثم أحسب الكميات الواجب توافرها من الموارد  $x, y, z$ .
- 2- لنفرض حدوث انخفاض في سعر المورد  $y$ ، فما تأثير ذلك على البرنامج الأمثل؟
- 3- ما قيمة الربح  $\pi$  التي تسمح بإدخال المتغير المفقود في الحل؟

**تمرين 02:** شركة لتكرير البترول تشتغل بعمليتين I و II. القدرة القصوى لليوم الواحد للعمليتين هي على التوالي: 1.5 طن و 3 طن. الطن الواحد من البترول الخام يتطلب 20 عامل في العملية I و ينتج 3/4 طن من المنتج A و 1/4 طن من المنتج B. الطن الواحد في العملية II يتطلب 10 عمال و ينتج 1/4 طن من المنتج A و 3/4 طن من المنتج B. تكاليف تكرير الطن الواحد في العمليتين I و II هي على التوالي: 60 دج و 30 دج. القدرات المالية للشركة لا تسمح بتوظيف أكثر من 40 عامل. القدرة الإنتاجية اليومية للشركة تصل إلى 4 أطنان، كما أن سعري البيع المتوقعان للمنتجين A و B هما على التوالي: 285 دج و 105 دج للطن الواحد.

- 1- أحسب عدد الأطنان الواجب إنتاجها في كل عملية حتى تحقق الشركة أعظم ربح ممكن؟
- 2- تتوقع الشركة تغير في الأجر اليومي للعامل، فما تأثير ذلك على البرنامج الأمثل للشركة؟

**تمرين 03:** تنتج مؤسسة ما السلعة a في الوحدات الإنتاجية  $U_1, U_2, U_3$  ويتم تسويقها عبر ثلاثة مراكز للتوزيع  $C_1, C_2, C_3$ ، وتطبق سياسة تمييز الأسعار في مختلف المراكز كما هو مبين في الجدول التالي:

**السعر (دج)**

|         |       | الوحدة الإنتاجية |       |  |
|---------|-------|------------------|-------|--|
|         |       | مركز التوزيع     |       |  |
|         | $U_3$ | $U_2$            | $U_1$ |  |
| $C_1$   | 6     | 8                | 4     |  |
| $C_2$   | 7     | 4                | 8     |  |
| $C_3$   | 5     | 12               | 4     |  |
| الإنتاج | 5000  | 6500             | 2500  |  |

كما يتضمن الجدول الموالي نسبة تكلفة نقل الوحدة الواحدة والطلب في كل مركز توزيع:

| مركز التوزيع | تكلفة نقل الوحدة الواحدة (% من السعر) | الطلب (وحدة) |
|--------------|---------------------------------------|--------------|
| $C_1$        | 20                                    | 4000         |
| $C_2$        | 20                                    | 5000         |
| $C_3$        | 10                                    | 5000         |

- 1- أوجد الأسلوب الأمثل لنقل السلعة a والذي يحقق أدنى تكاليف، باستخدام طريقتي  $NWC$  وأقل تكلفة.
- 2- لو افترضنا أن النسب في الجدول الثاني تمثل نسبة ربح نقل الوحدة الواحدة، أوجد الأسلوب الأمثل للنقل والذي يحقق أعظم ربح ممكن للمؤسسة، باستخدام طريقة  $Vogel$ .

**حل تمرين 01:** ليكن لدينا البرنامج الخطي التالي:

$$\text{Min } C = 400x - 200y + 100z$$

Subject to:

$$2x + 2y + z \leq 40$$

A المنتج

$$0.5x - 2y + 4z \geq 15$$

B المنتج

$$x, y, z \geq 0$$

حيث:  $x$  و  $y$  و  $z$  موارد.

أ- حساب قيمتي A و B لتحقيق أعظم ربح ممكن:

|              | A   | B  |    | RHS  | Dual |
|--------------|-----|----|----|------|------|
| Maximize     | 40  | 15 |    |      |      |
| Constraint 1 | 2   | 5  | <= | 400  | 0    |
| Constraint 2 | -2  | -2 | <= | 200  | 0    |
| Constraint 3 | 1   | 4  | <= | 100  | 40   |
| Solution->   | 100 | 0  |    | 4000 |      |
| Iteration 1  |     |    |    |      |      |

$$\pi = 4000$$

$$A = 100, B = 0.$$

$$x = 200$$

$$y = 0$$

$$z = 100$$

ب- الكميات الواجب توفرها من الموارد:

2- عند انخفاض سعر المورد  $y$ :

| Variable     | Value      | Reduced Cost  | Original Val | Lower Bound | Upper Bound |
|--------------|------------|---------------|--------------|-------------|-------------|
| A            | 100        | 0             | 40           | 3,75        | Infinity    |
| B            | 0          | 145           | 15           | -Infinity   | 160         |
| Constraint   | Dual Value | Slack/Surplus | Original Val | Lower Bound | Upper Bound |
| Constraint 1 | 0          | 200           | 400          | 200         | Infinity    |
| Constraint 2 | 0          | 400           | 200          | -200        | Infinity    |
| Constraint 3 | 40         | 0             | 100          | 0           | 200         |

ما يلاحظ على المورد  $y$  أنه عند انخفاض سعره يمكن ان تنقلص قيمة معامله من 200 إلى -200 دون أن يتأثر الحل المثل.

3- قيمة الربح التي تسمح بإدخال المورد B:

$$\pi_j \geq 160 - 15 = 145$$