

السلسلة رقم 01

تمرين 01: ليكن لدينا البرنامج الخطي التالي:

$$\text{Min } C = 400x - 200y + 100z$$

Subject to:

$$\begin{aligned} 2x + 2y + z &\leq 40 && \text{المنتج A} \\ 0.5x - 2y + 4z &\geq 15 && \text{المنتج B} \\ x, y, z &\geq 0 \end{aligned}$$

حيث: x, y, z موارد.

- 1- أحسب قيمتي A و B لتحقيق أعظم ربح ممكن، ثم أحسب الكميات الواجب توافرها من الموارد x, y, z .
- 2- لنفرض حدوث انخفاض في سعر المورد y ، فما تأثير ذلك على البرنامج الأمثل؟
- 3- ما قيمة الربح π التي تسمح بإدخال المتغير المفقود في الحل؟

تمرين 02: شركة لتكرير البترول تشتغل بعمليتين I و II. القدرة القصوى لليوم الواحد للعمليتين هي على التوالي: 1.5 طن و 3 طن. الطن الواحد من البترول الخام يتطلب 20 عامل في العملية I و ينتج 3/4 طن من المنتج A و 1/4 طن من المنتج B. الطن الواحد في العملية II يتطلب 10 عمال و ينتج 1/4 طن من المنتج A و 3/4 طن من المنتج B. تكاليف تكرير الطن الواحد في العمليتين I و II هي على التوالي: 60 دج و 30 دج. القدرات المالية للشركة لا تسمح بتوظيف أكثر من 40 عامل. القدرة الإنتاجية اليومية للشركة تصل إلى 4 أطنان، كما أن سعري البيع المتوقعان للمنتجين A و B هما على التوالي: 285 دج و 105 دج للطن الواحد.

- 1- أحسب عدد الأطنان الواجب إنتاجها في كل عملية حتى تحقق الشركة أعظم ربح ممكن؟
- 2- تتوقع الشركة تغيير في الأجر اليومي للعامل، فما تأثير ذلك على البرنامج الأمثل للشركة؟

تمرين 03: تنتج مؤسسة ما السلعة a في الوحدات الإنتاجية U_1, U_2, U_3 ويتم تسويقها عبر ثلاثة مراكز للتوزيع C_1, C_2, C_3 ، وتطبق سياسة تمييز الأسعار في مختلف المراكز كما هو مبين في الجدول التالي:

السعر (دج)

			الوحدة الإنتاجية
U ₃	U ₂	U ₁	مركز التوزيع
6	8	4	C ₁
7	4	8	C ₂
5	12	4	C ₃
5000	6500	2500	الإنتاج

كما يتضمن الجدول الموالي نسبة تكلفة نقل الوحدة الواحدة والطلب في كل مركز توزيع:

الطلب (وحدة)	تكلفة نقل الوحدة الواحدة (% من السعر)	مركز التوزيع
4000	20	C ₁
5000	20	C ₂
5000	10	C ₃

- 1- أوجد الأسلوب الأمثل لنقل السلعة a والذي يحقق أدنى تكاليف، باستخدام طريقتي NWC وأقل تكلفة.
- 2- لو افترضنا أن النسب في الجدول الثاني تمثل نسبة ربح نقل الوحدة الواحدة، أوجد الأسلوب الأمثل للنقل والذي يحقق أعظم ربح ممكن للمؤسسة، باستخدام طريقة $Vogel$.

حل تمرين 01: ليكن لدينا البرنامج الخطي التالي:

$$\text{Min } C = 400x - 200y + 100z$$

Subject to:

$$2x + 2y + z \leq 40$$

A المنتج

$$0.5x - 2y + 4z \geq 15$$

B المنتج

$$x, y, z \geq 0$$

حيث: x و y و z موارد.
أ- حساب قيمتي A و B لتحقيق أعظم ربح ممكن:

	A	B		RHS	Dual
Maximize	40	15			
Constraint 1	2	5	<=	400	0
Constraint 2	-2	-2	<=	200	0
Constraint 3	1	4	<=	100	40
Solution->	100	0		4000	
Iteration 1					

$$\pi = 4000$$

$$A = 100, B = 0.$$

$$x = 200$$

$$y = 0$$

$$z = 100$$

ب- الكميات الواجب توفرها من الموارد:

2- عند انخفاض سعر المورد y :

Variable	Value	Reduced Cost	Original Val	Lower Bound	Upper Bound
A	100	0	40	3,75	Infinity
B	0	145	15	-Infinity	160
Constraint	Dual Value	Slack/Surplus	Original Val	Lower Bound	Upper Bound
Constraint 1	0	200	400	200	Infinity
Constraint 2	0	400	200	-200	Infinity
Constraint 3	40	0	100	0	200

ما يلاحظ على المورد y أنه عند انخفاض سعره يمكن ان تنقلص قيمة معامله من 200 إلى -200 دون أن يتأثر الحل المثل.

3- قيمة الربح التي تسمح بإدخال المورد B:

$$\pi_j \geq 160 - 15 = 145$$