

حل مختصر للسلسلة رقم: (02)

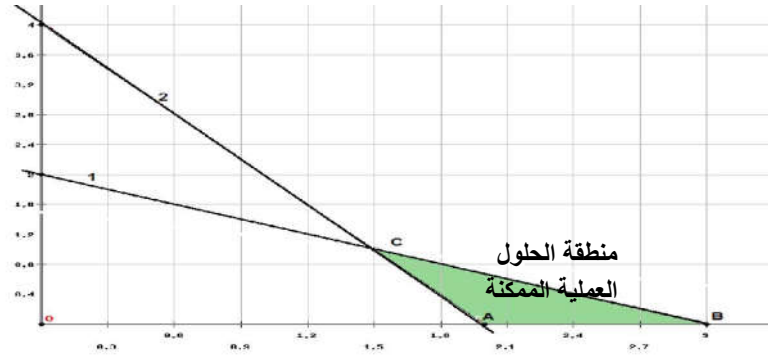
التمرين الأول: حل البرامج الخطية باستخدام الطريقة البيانية

النموذج	نقاط مساعدة + جدول الحل الأمثل	الرسم البياني																																				
01 Max	<table border="1"> <thead> <tr> <th>القيد</th> <th>الأول</th> <th>الثاني</th> <th>الثالث</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>X_1</td> <td>0</td> <td>7</td> <td>-4</td> </tr> <tr> <td>X_2</td> <td>7</td> <td>0</td> <td>4</td> </tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th>النقطة</th> <th>X_1</th> <th>X_2</th> <th>Z</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>B</td> <td>2</td> <td>0</td> <td>12</td> </tr> <tr> <td>C</td> <td>2</td> <td>5</td> <td>32</td> </tr> <tr> <td>D</td> <td>1.5</td> <td>5.5</td> <td>31</td> </tr> <tr> <td>E</td> <td>0</td> <td>4</td> <td>16</td> </tr> </tbody> </table>	القيد	الأول	الثاني	الثالث	X_1	0	7	-4	X_2	7	0	4	النقطة	X_1	X_2	Z	A	0	0	0	B	2	0	12	C	2	5	32	D	1.5	5.5	31	E	0	4	16	
القيد	الأول	الثاني	الثالث																																			
X_1	0	7	-4																																			
X_2	7	0	4																																			
النقطة	X_1	X_2	Z																																			
A	0	0	0																																			
B	2	0	12																																			
C	2	5	32																																			
D	1.5	5.5	31																																			
E	0	4	16																																			
02 Max	<table border="1"> <thead> <tr> <th>القيد</th> <th>الأول</th> <th>الثاني</th> <th>الثالث</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>X_1</td> <td>0</td> <td>6</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td>X_2</td> <td>12</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th>النقطة</th> <th>X_1</th> <th>X_2</th> <th>Z</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>B</td> <td>5</td> <td>0</td> <td>20</td> </tr> <tr> <td>C</td> <td>5.67</td> <td>0.67</td> <td>26.67</td> </tr> <tr> <td>D</td> <td>2</td> <td>8</td> <td>56</td> </tr> <tr> <td>E</td> <td>0</td> <td>8</td> <td>48</td> </tr> </tbody> </table>	القيد	الأول	الثاني	الثالث	X_1	0	6	5	X_2	12	0	0	النقطة	X_1	X_2	Z	A	0	0	0	B	5	0	20	C	5.67	0.67	26.67	D	2	8	56	E	0	8	48	
القيد	الأول	الثاني	الثالث																																			
X_1	0	6	5																																			
X_2	12	0	0																																			
النقطة	X_1	X_2	Z																																			
A	0	0	0																																			
B	5	0	20																																			
C	5.67	0.67	26.67																																			
D	2	8	56																																			
E	0	8	48																																			
03 Min	<table border="1"> <thead> <tr> <th>القيد</th> <th>الأول</th> <th>الثاني</th> <th>الثالث</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>X_1</td> <td>0</td> <td>10</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>X_2</td> <td>10/3</td> <td>0</td> <td>6</td> </tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th>النقطة</th> <th>X_1</th> <th>X_2</th> <th>Z</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A</td> <td>6</td> <td>0</td> <td>24</td> </tr> <tr> <td>B</td> <td>0</td> <td>10</td> <td>40</td> </tr> <tr> <td>C</td> <td>4</td> <td>2</td> <td>24</td> </tr> </tbody> </table> <p>حلين بديلين</p>	القيد	الأول	الثاني	الثالث	X_1	0	10	0	X_2	10/3	0	6	النقطة	X_1	X_2	Z	A	6	0	24	B	0	10	40	C	4	2	24									
القيد	الأول	الثاني	الثالث																																			
X_1	0	10	0																																			
X_2	10/3	0	6																																			
النقطة	X_1	X_2	Z																																			
A	6	0	24																																			
B	0	10	40																																			
C	4	2	24																																			

04
Max

القيود	الأول	الثاني
X_1	0	3
X_2	2	0

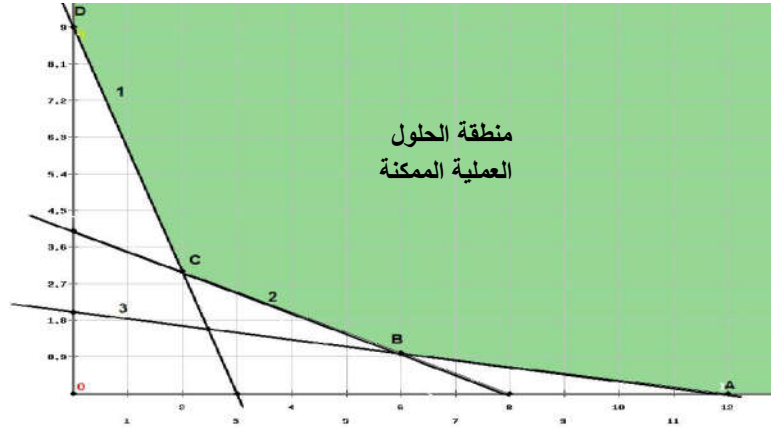
النقطة	X_1	X_2	Z
A	2	0	20
B	3	0	30
C	1.5	1	45



05
Min

القيود	الأول	الثاني	الثالث
X_1	0	3	8
X_2	9	0	4

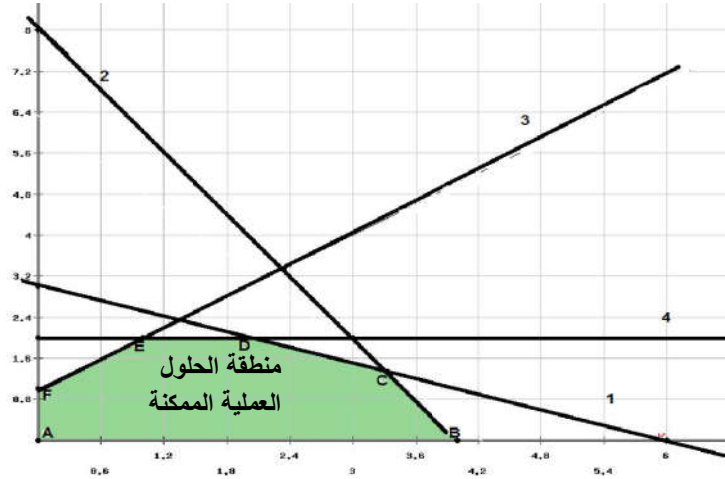
النقطة	X_1	X_2	Z
A	12	0	48
B	2	3	26
C	6	1	30
D	0	9	54



06
Max

القيود	الأول	الثاني	الثالث	الرابع
X_1	0	6	4	1
X_2	3	0	8	2

النقطة	X_1	X_2	Z
A	0	0	0
B	4	0	12
C	10/3	4/3	38/3
D	2	2	10
E	1	2	7
F	0	1	2

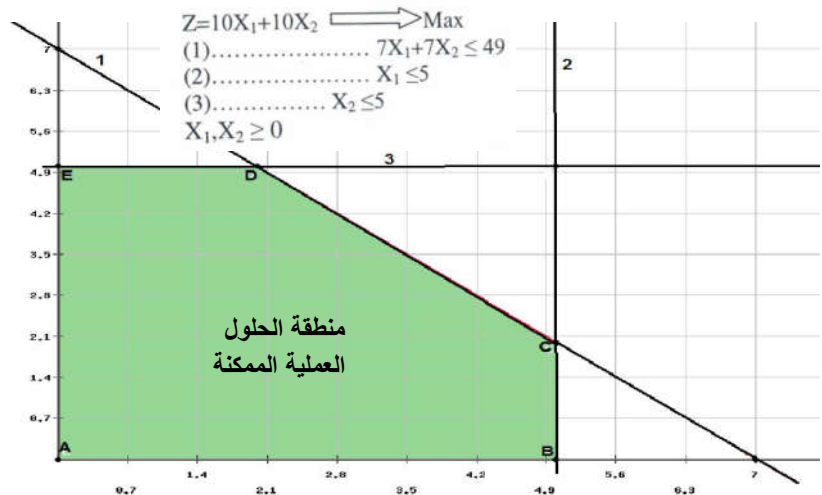


07
Max

القيود	الأول	الثاني	الثالث
X_1	0	7	5
X_2	7	0	5

النقطة	X_1	X_2	Z
A	0	0	0
B	5	0	50
C	5	2	70
D	2	5	70
E	0	5	50

حلين بديلين



التمرين الثاني: الحل باستخدام طريقة السمبلكس

مراحل الحل

- 1- تحويل إلى النموذج القياسي بإضافة متغيرات الفجوة S إلى القيود لتصبح من نوع المساواة مع اضافتها كذلك إلى دالة الهدف بمعاملات صفرية ثم وضع بيانات النموذج القياسي في جدول الحل الأساسي.
 - 3- نختار أكبر قيمة موجبة من السطر Z التي تمثل عمود الدوران (المحوري).
 - 4- نقوم بقسمة عمود النسبة Bi على عناصر العمود المقابلة لها ونختار أقل قيمة موجبة والتي تمثل سطر الدوران.
 - 5- متغير العمود المحوري يأخذ مكان متغير السطر المحوري.
- كيفية حساب قيم الجدول الموالي:

$$\text{عناصر سطر الدوران تحسب كالتالي: العنصر الجديد} = \frac{\text{العنصر القديم}}{\text{عنصر الدوران}}$$

باقي العناصر تحسب كالتالي: العنصر الجديد = العنصر القديم - $\frac{\text{العنصر المقابل في سطر الدوران} \times \text{العنصر المقابل في عمود الدوران}}{\text{عنصر الدوران}}$

- 6- التأكد من أمثلية الحل: شرط الأمثلية عند التعظيم (دالة الهدف Max) بقيود أقل أو يساوي هو: $Z_p \leq 0$ أي كل قيم السطر Z أقل أو تساوي الصفر، وفي حالة عدم تحقق الشرط نمر للجدول الموالي حتى نصل للحل الأمثل.
- ملاحظة: في جدول الحل الأمثل وقبل قراءة قيمة دالة الهدف تُضرب قيمتها بالجدول في -1 للتخلص من الإشارة السالبة.

النموذج الأول

النموذج	الشكل القياسي
$MaxZ = 5X_1 + 1.5X_2 + 4X_3$ $\begin{cases} 2X_2 + 4X_3 \leq 4250 & \text{---(1)} \\ 2X_1 + 1.5X_3 \leq 2000 & \text{---(2)} \\ 2.5X_1 + 4.5X_2 + 2X_3 \leq 1500 & \text{---(3)} \\ X_1, X_2, X_3 \geq 0 \end{cases}$	$MaxZ = 5X_1 + 1.5X_2 + 4X_3 + 0S_1 + 0S_2 + 0S_3$ $\begin{cases} 2X_2 + 4X_3 + S_1 = 4250 & \text{---(1)} \\ 2X_1 + 1.5X_3 + S_2 = 2000 & \text{---(2)} \\ 2.5X_1 + 4.5X_2 + 2X_3 + S_3 = 1500 & \text{---(3)} \\ X_1, X_2, X_3, S_1, S_2, S_3 \geq 0 \end{cases}$

جداول السمبلكس

T ₂ . الجدول 2								T ₁ . جدول الحل الأساسي								
T ₂	X ₁	X ₂	X ₃	S ₁	S ₂	S ₃	Bi	T ₁	X ₁	X ₂	X ₃	S ₁	S ₂	S ₃	Bi	النسبة
S ₁	0	2	4	1	0	0	4250	S ₁	0	2	4	1	0	0	4250	---
S ₂	0	-3.6	-0.1	0	1	-0.8	800	S ₂	2	0	1.5	0	1	0	2000	2000/2=1000
X ₁	1	1.8	0.8	0	0	0.4	600	S ₃	2.5	4.5	2	0	0	1	1500	1500/2.5=600
Z _p	0	-7.5	0	0	0	-2	3000	Z _p	5	1.5	4	0	0	0	0	/
شرط الأمثلية Z _p ≤ 0 محقق								شرط الأمثلية Z _p غير محقق								

الجدول T₂ يعبر عن جدول حل أمثل وعليه: S₃=0, S₂=800, S₁=4250, X₃=0, X₂=0, X₁=600, Z_p=3000

النموذج الثاني

النموذج	الشكل القياسي
$MaxZ = 5X_1 + 6X_2$ $S/C \begin{cases} X_1 + 3X_2 \leq 18 & \text{-----(1)} \\ 5X_1 + 2X_2 \leq 25 & \text{-----(2)} \\ X_1, X_2 \geq 0 \end{cases}$	$MaxZ = 5X_1 + 6X_2 + 0S_1 + 0S_2$ $S/C \begin{cases} X_1 + 3X_2 + S_1 = 18 & \text{-----(1)} \\ 5X_1 + 2X_2 + S_2 = 25 & \text{-----(2)} \\ X_1, X_2, S_1, S_2 \geq 0 \end{cases}$

جداول السمبلكس

2. الجدول T ₂							1. جدول الحل الأساسي T ₁						
T ₂	X ₁	X ₂	S ₁	S ₂	Bi	النسبة	T ₁	X ₁	X ₂	S ₁	S ₂	Bi	النسبة
X ₁	1/3	1	1/3	0	6	18	S ₁	1	3	1	0	18	6
S ₂	13/3	0	-2/3	1	13	3	S ₂	5	2	0	1	25	12.5
Z _p	3	0	-2	0	-36		Z _p	5	6	0	0	0	/
شرط الأمثلية Z _p ≤ 0 غير محقق							شرط الأمثلية Z _p ≤ 0 غير محقق						

الجدول T ₃ يعبر عن جدول حل أمثل وعليه: Z _p =45, X ₁ =3, X ₂ =5, S ₁ =0, S ₂ =0							3. جدول الحل الأساسي T ₃					
							T ₃	X ₁	X ₂	S ₁	S ₂	Bi
							X ₂	0	1	45/117	-1/13	5
							X ₁	1	0	-2/13	3/13	3
							Z _p	0	0	-20/13	-9/13	-45
							شرط الأمثلية Z _p ≤ 0 محقق					

النموذج الثالث

مراحل الحل
1- تحويل إلى النموذج القياسي حيث:
- قيود الأقل أو تساوي: يتم إضافة متغيرات الفجوة S بإشارة موجبة +S
- قيود المساواة: يتم المتغيرات الاصطناعية R فقط بإشارة موجبة +R
- قيود الأكبر أو تساوي: يتم إضافة متغيرات الفجوة S بإشارة سالبة والمتغيرات الاصطناعية R بإشارة موجبة: +R -S
2- يتم إضافة المتغيرات S بمعاملات صفرية 0S والمتغيرات الاصطناعية R المستخرجة من القيود وضربها في M الذي يأخذ قيمة عظيمة.
3- نختار أقل قيمة من السطر Z التي تمثل عمود الدوران أي أكبر قيمة متبوعة بإشارة سالبة والأولوية للقيمة المضروبة في M.
4- نقوم بقسمة عمود النسبة Bi على عناصر العمود المقابلة لها ونختار أقل قيمة موجبة والتي تمثل سطر الدوران.
5- متغير العمود المحوري يأخذ مكان متغير السطر المحوري.
كيفية حساب قيم الجدول الموالي:
عناصر سطر الدوران تحسب كالتالي: العنصر الجديد = $\frac{\text{العنصر القديم}}{\text{عنصر الدوران}}$

العنصر المقابل في سطر الدوران X العنصر المقابل في عمود الدوران

عنصر الدوران

العنصر الجديد = العنصر القديم -

6- التأكد من أمثلية الحل: شرط الأمثلية عند التدنية (دالة الهدف Min) هو: $Z_p \geq 0$ أي كل قيم السطر Z أكبر أو تساوي الصفر، وفي حالة عدم تحقق الشرط نمر للجدول الموالي حتى نصل للحل الأمثل. ملاحظة: في جدول الحل الأمثل وقبل قراءة قيمة دالة الهدف تُضرب قيمتها بالجدول في -1 للتخلص من الإشارة السالبة.

النموذج	الشكل القياسي
$MinZ = 10X_1 + 14X_2$ $\begin{cases} 5X_1 + 2X_2 \geq 3 \text{ -----(1)} \\ 6X_1 + 7X_2 \geq 10 \text{ -----(2)} \\ X_1, X_2 \geq 0 \end{cases}$	$MinZ = 10X_1 + 14X_2 - 0S_1 - 0S_2 + M(R_1 + R_2)$ $5X_1 + 2X_2 - S_1 + R_1 = 3$ $6X_1 + 7X_2 - S_2 + R_2 = 10$ $X_1, X_2, S_1, S_2, R_1, R_2 \geq 0$

$$R_1 + R_2 = 13 - 11X_1 - 9X_2 + S_1 + S_2$$

$$R_1 + R_2 = 13 - 11X_1 - 9X_2 + S_1 + S_2$$

$$MinZ = 10X_1 + 14X_2 - 0S_1 - 0S_2 + M(13 - 11X_1 - 9X_2 + S_1 + S_2)$$

$$MinZ = 10X_1 + 14X_2 - 0S_1 - 0S_2 + 13M - 11MX_1 - 9MX_2 + MS_1 + MS_2$$

$$MinZ = (10 - 11M)X_1 + (14 - 9M)X_2 + MS_1 + MS_2 + 13M$$

جداول السمبلكس

2. الجدول T ₂								1. جدول الحل الأساسي T ₁								
T ₂	X ₁	X ₂	S ₁	S ₂	R ₂	Bi	النسبة	T ₁	X ₁	X ₂	S ₁	S ₂	R ₁	R ₂	Bi	النسبة
X ₁	5	0.4	-0.2	0	0	0.6	1.5	R ₁	5	2	-1	0	1	0	3	0.6
R ₂	0	4.6	1.2	-1	1	6.4	1.39	R ₂	6	7	0	-1	0	1	10	1.67
Z _p	0	10-4.6M	2-1.2M	M	0	-6-32M	-	Z _p	10-11M	14-9M	M	M	0	0	-13M	-
شرط الأمثلية $Z_p \geq 0$ غير محقق								شرط الأمثلية $Z_p \geq 0$ غير محقق								
4. الجدول T ₄						3. جدول الحل الأساسي T ₃										
T ₄	X ₁	X ₂	S ₁	S ₂	Bi	T ₃	X ₁	X ₂	S ₁	S ₂	Bi	النسبة				
X ₁	1	1.17	0	-0.17	1.67	X ₁	1	0	-0.3	0.09	0.03	*				
S ₁	0	3.83	1	-0.83	5.33	X ₂	0	1	0.26	-0.21	1.39					
Z _p	0	5.67	0	1.67	-16.67	Z _p	0	0	-0.26	2.17	-19.91					
شرط الأمثلية $Z_p \geq 0$ محقق						شرط الأمثلية $Z_p \geq 0$ غير محقق										

الجدول T₄ يعبر عن جدول حل أمثل وعليه: $Z_p = 16.67, X_1 = 1.67, X_2 = 0, S_1 = 5.33, S_2 = 0$