

المطلوب: حل نموذج البرمجية الخطية التالي باستخدام طريقة السمبلكس بتقنية M، ثم التحويل إلى النموذج المقابل وحل النموذج باستخدام طريقة السمبلكس؟

$$\text{Min}_z = 2x_1 + 3x_2$$

$$x_1 + 2x_2 \leq 3$$

$$x_1 \geq 2$$

$$x_1 \cdot x_2 \geq 0$$

الحل: 1- حل النموذج باستخدام طريقة السمبلكس بتقنية M
أ-التحويل إلى الشكل القياسي

$$\text{Min}_z = 2x_1 + 3x_2 + 0S_1 - 0S_2 + MR_2$$

$$x_1 + 2x_2 + S_1 = 3$$

$$x_2 - S_2 + R_2 = 2$$

$$x_1 \cdot x_2 \cdot S_1 \cdot S_2 \cdot R_2 \geq 0 \dots \text{موجب } M$$

من القيد الثاني:

$$R_2 = 2 - x_2 - S_2$$

بالتعويض في دالة الهدف

$$\text{Min}_z = 2x_1 + 3x_2 + 0S_1 - 0S_2 + M(2 - x_2 - S_2)$$

$$\text{Min}_z = (2 - M)x_1 + 3x_2 + 0S_1 + MS_2 + 2M$$

ب- جداول السمبلكس: في حالة Min نصل إلى الحل الأمثل في حالة $C_j - Z_j \geq 0$

نختار أكبر قيمة متبوعة بإشارة سالبة للعمود المحوري وأقل قيمة موجبة للسطر المحوري

المتغيرات الأساسية	X_1	X_2	S_1	S_2	R_2	B_i	النسبة
S_1	1	2	1	0	0	3	3
R_2	1	0	0	-1	1	2	2
$C_j - Z_j$	2-M	3	0	M	0	-2M	

المتغيرات الأساسية	X_1	X_2	S_1	S_2	B_i
S_1	0	2	1	1	1
X_1	1	0	0	-1	2
$C_j - Z_j$	0	3	0	2	-4

بما أن $C_j - Z_j \geq 0$ فالجدول يعبر عن حل أمثل

$$X_1 = 2$$

$$X_2 = 0$$

$$S_1 = 1$$

$$S_2 = 0$$

$$Z = 4$$