

Série d'exercices N°2

(Modélisation des Systèmes linéaires continus)

Exercice 1

On considère un système régi par l'équation différentielle suivante :

$$\frac{d^3s(t)}{dt^3} + 3\frac{d^2s(t)}{dt^2} + 3\frac{ds(t)}{dt} + s(t) = 2\frac{de(t)}{dt} + e(t)$$

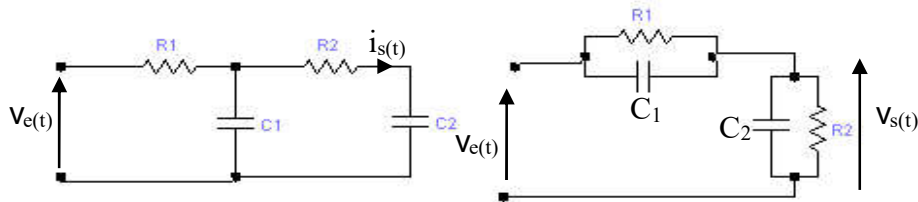
Où $e(t)$ et $s(t)$ sont respectivement, le signal d'entrée et le signal de sortie.

- Donner la fonction de transfert de ce système.
- Déterminer ses pôles et ses zéros.

Exercice 2

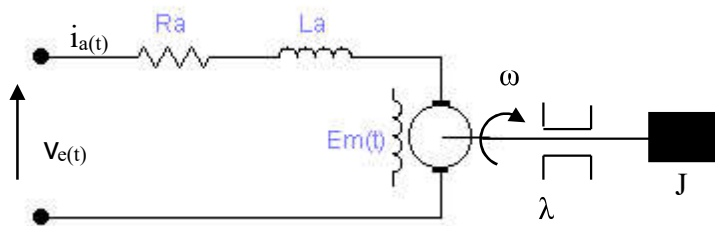
Trouver les fonctions de transfert des circuits électriques suivants:

(Indication : Utiliser la notion d'impédances complexes).



Exercice 3

Soit le système ci-dessous représenté par un moteur à courant continu à excitation séparée à flux constant entraînant une charge d'un moment d'inertie J .



Où E_m : Force contre électromotrice $E_m(t) = K_v \omega(t)$.

ω : Vitesse angulaire [rad/s] ; T : Couple moteur $T = K_t i_a$.

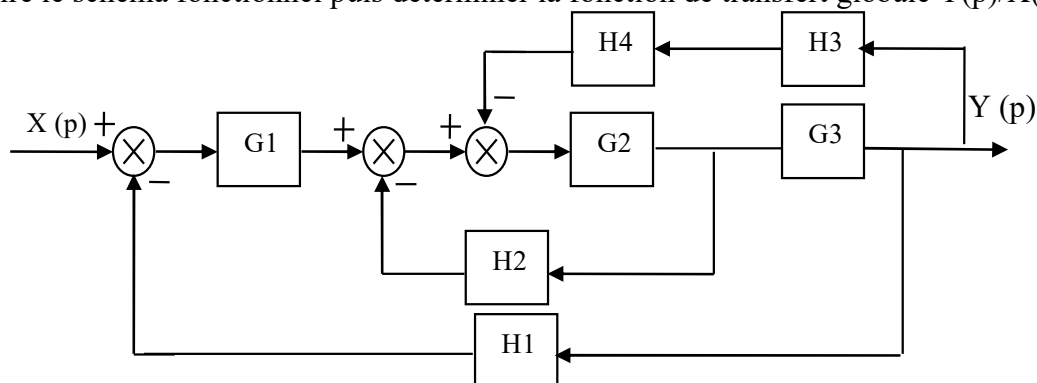
J : Moment d'inertie ; i_a : Courant induit.

λ : représente le coefficient des frottements

- Écrire le système d'équations différentielles électromécaniques du système.
- Établir le schéma fonctionnel du système.
- Déterminer la fonction de transfert reliant la vitesse angulaire Ω et la tension d'induit V_e .
- En déduire la fonction de transfert reliant la position angulaire Θ et la tension d'induit V_e .

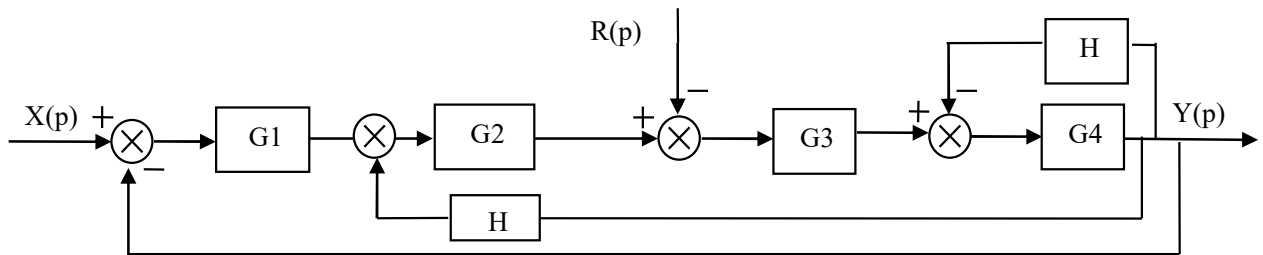
Exercice 4

Réduire le schéma fonctionnel puis déterminer la fonction de transfert globale $Y(p)/X(p)$.



Exercice 5

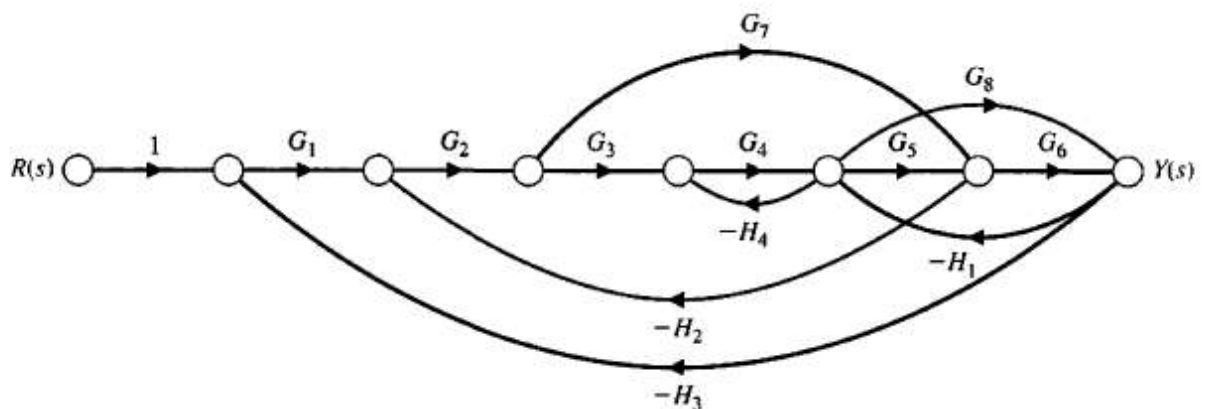
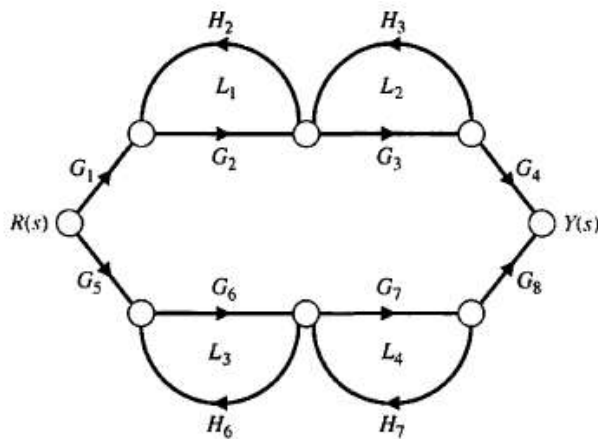
Soit le schéma fonctionnel suivant :



- Déterminer la fonction de transfert entre $X(p)$ et $Y(p)$
- Déterminer la fonction de transfert entre $R(p)$ et $Y(p)$
- Exprimer $Y(p)$ en fonction $X(p)$ et de $Y(p)$.

Exercice 6

Soit les deux graphes de fluence des signaux suivants :



En utilisant la formule de Mason, déterminer pour chaque graphe la fonction de transfert correspondante $Y(p)/R(p)$.